

Interrogation de BIOPHYSIQUE - Corrigé

Exercice N° 01

- La tension superficielle du liquide s'il est parfaitement mouillant : (1,5 Pts)

A l'équilibre, les pressions entre les points A et B sont liées par (pression capillaire) :

$$P_A = P_B + \frac{2\sigma}{r} \cos\theta \dots\dots\dots 1$$

Avec :

$$P_A = P_0$$

A l'équilibre, les pressions entre les points B et C sont liées par (pression hydrostatique) :

$$P_C = P_B + \rho gh \dots\dots\dots 2$$

Puisque :

$$P_C = P_D = P_0 (\text{Même niveau et même liquide} \Rightarrow \text{même pression})$$

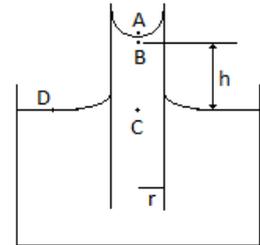
A partir de (1) et de (2) :

$$P_0 = P_B + \frac{2\sigma}{r} \cos\theta \Rightarrow P_0 = (P_0 - \rho gh) + \frac{2\sigma}{r} \cos\theta \Rightarrow \sigma = \frac{\rho ghr}{2\cos\theta}$$

Application numérique :

$$\left. \begin{array}{l} \rho = 1100 \text{Kg} \cdot \text{m}^{-3} \\ g = 10 \text{N} \cdot \text{Kg}^{-1} \\ h = 1,5 \text{cm} = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{m} \\ r = 0,4 \text{mm} = 0,4 \cdot 10^{-3} \text{m} \\ \theta = 0^\circ \Rightarrow \cos\theta = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \sigma = \frac{1100 * 10 * 1,5 \cdot 10^{-2} * 0,4 \cdot 10^{-3}}{2 * 1}$$

$$\Rightarrow \sigma = 33 \cdot 10^{-3} \text{N} \cdot \text{m}^{-1}$$



- La pression à l'intérieur de la bulle : (1,5 Pts)

A l'équilibre, les pressions interne (P_i) et externe (P_e) (pression capillaire) :

$$P_i = P_e + \frac{2\sigma}{R} \dots\dots\dots 1$$

La pression externe est donnée par (pression hydrostatique) :

$$P_e = P_0 + \rho' gH \dots\dots\dots 2$$

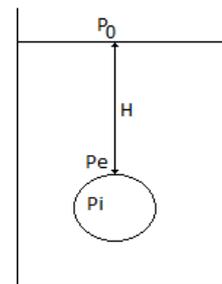
A partir de (1) et de (2) :

$$P_i = P_e + \frac{2\sigma}{R} \Rightarrow P_i = (P_0 + \rho' gH) + \frac{2\sigma}{R}$$

Application numérique :

$$\left. \begin{array}{l} P_0 = 1,013 \cdot 10^5 \text{Pa} \\ \rho' = 1025 \text{Kg} \cdot \text{m}^{-3} \\ g = 10 \text{N} \cdot \text{Kg}^{-1} \\ H = 5 \text{m} \\ \sigma = 33 \cdot 10^{-3} \text{N} \cdot \text{m}^{-1} \\ R = 1 \text{cm} = 10^{-2} \text{m} \end{array} \right\} \Rightarrow P_i = 1,013 \cdot 10^5 + 1025 * 10 * 5 + \frac{2 * 33 \cdot 10^{-3}}{10^{-2}}$$

$$\Rightarrow P_i = 1,53 \cdot 10^5 \text{Pa}$$



- Le travail nécessaire pour gonfler cette bulle : (1 Pts)

Par définition du travail en fonction de la tension superficielle :

$$W = \sigma \cdot S \dots\dots\dots 1$$

Avec :

$$S = 4\pi R^2$$

Donc ;

$$W = \sigma \cdot S \Rightarrow W = \sigma \cdot 4\pi R^2$$

Application numérique :

$$\left. \begin{array}{l} \sigma = 33 \cdot 10^{-3} \text{ N} \cdot \text{m}^{-1} \\ R = 1 \text{ cm} = 10^{-2} \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow W = 33 \cdot 10^{-3} * 4 * 3,14 * (10^{-2})^2$$

$$\Rightarrow W = 4,15 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

Exercice N° 03

- La viscosité du liquide : (3 Pts)

L'écoulement s'effectue de A vers B, et par application de la loi de Poiseuille :

$$Q = \frac{\Delta P \pi r^4}{8\eta l} \dots\dots\dots 1$$

Avec : $\Delta P = P_A - P_B = (P_0 + \rho g h_1) - (P_0 + \rho g h_2) = \rho g (h_1 - h_2)$

Et par définition du débit en fonction de la vitesse moyenne :

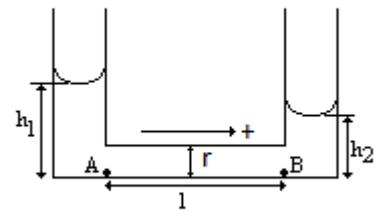
$$Q = S \bar{v} \dots\dots\dots 2$$

Avec : $S = \pi r^2$

Par égalité de (1) et de (2) :

$$\frac{\Delta P \pi r^4}{8\eta l} = S \bar{v} \Leftrightarrow \frac{(\rho g (h_1 - h_2)) \pi r^4}{8\eta l} = (\pi r^2) \bar{v}$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{\rho g (h_1 - h_2) r^2}{8l \bar{v}}$$



Application numérique :

$$\left. \begin{array}{l} d = 0,8 \Rightarrow \rho = 0,8 \cdot 10^3 \text{ Kg} / \text{m}^3 \\ g = 10 \text{ N} / \text{Kg} \\ h_1 = 50 \text{ cm} = 50 \cdot 10^{-2} \text{ m} \\ h_2 = 10 \text{ cm} = 10 \cdot 10^{-2} \text{ m} \\ r = 2 \text{ mm} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m} \\ l = 1 \text{ m} \\ \bar{v} = 1 \text{ m} / \text{s} \end{array} \right\} \Rightarrow \eta = \frac{0,8 \cdot 10^3 * 10 * (50 \cdot 10^{-2} - 10 \cdot 10^{-2}) * (2 \cdot 10^{-3})^2}{8 * 1 * 1}$$

$$\Rightarrow \eta = 1,6 \cdot 10^{-3} \text{ Pl}$$

Exercice N° 03

- Le point de congélation de la solution : (3 Pts)

Par définition de la différence des températures de congélation :

$$\Delta T_C = T_{C.Solvant} - T_{C.Solution} \dots\dots\dots 1$$

Par application de la loi de Raoult sur la cryoscopie :

$$\Delta T_C = K_C \cdot m_l \dots\dots\dots 2$$

Avec :

$$\left. \begin{array}{l} m_l = \frac{n_{\text{Soluté}}}{m_{\text{Solvant}}} \\ n_{\text{Soluté}} = \frac{m_{\text{Soluté}}}{M_{\text{Soluté}}} \end{array} \right\} \Rightarrow m_l = \frac{m_{\text{Soluté}}}{M_{\text{Soluté}} \cdot m_{\text{Solvant}}} \dots\dots\dots 3$$

Par égalité entre (1) et (2) tout en tenant compte de (3) :

$$\Delta T_C = T_{C.\text{Solvant}} - T_{C.\text{Solution}} = K_C \cdot m_l \Rightarrow T_{C.\text{Solvant}} - T_{C.\text{Solution}} = K_C \cdot \left(\frac{m_{\text{Soluté}}}{M_{\text{Soluté}} \cdot m_{\text{Solvant}}} \right)$$

$$\Rightarrow T_{C.\text{Solution}} = T_{C.\text{Solvant}} - K_C \cdot \left(\frac{m_{\text{Soluté}}}{M_{\text{Soluté}} \cdot m_{\text{Solvant}}} \right)$$

Application numérique :

$$\left. \begin{array}{l} T_{C.\text{Solvant}} = 178,4^\circ\text{C} \\ K_C = 40^\circ\text{C} \cdot \text{Kg} \cdot \text{mol}^{-1} \\ m_{\text{Soluté}} = 1,5\text{g} \\ M_{\text{Soluté}} = 125\text{g} \cdot \text{mol}^{-1} \\ m_{\text{Solvant}} = 35\text{g} \end{array} \right\} \Rightarrow T_{C.\text{Solution}} = 178,4 - 40 * \left(\frac{1,5 \cdot 10^{-3}}{125 \cdot 10^{-3} * 35 \cdot 10^{-3}} \right)$$

$$\Rightarrow T_{C.\text{Solution}} = 164,7^\circ\text{C}$$