

Faculté des Sciences exactes  
Département de Maths  
1ère Année MI

EMD1 (Novembre 2020)

Exercice 1

On relève le nombre d'enfants scolarisés pour 30 familles. Les résultats sont les suivants

Nbre d'enfants	0	1	2	3	4	5
effectifs	4	10	7	5	2	2

- 1/ Quelle est la nature du caractère étudié?
- 2/ Représenter graphiquement cette distribution.
- 3/ Calculer les effectifs cumulées croissantes et tracer son graphe.
- 4/ Donner le mode et la médiane.

Exercice 2

Le tableau suivant représente la répartition de 100 salariés du secteur public en fonction de leurs salaire par mois (Données en milliers de dinars)

Salaire	[10 - 20[	[20 - 30[	[30 - 40[	[40 - 50]
Nbre de salariés	16	$n_2$	36	$n_4$

- 1/ Déterminer les effectifs  $n_2$  et  $n_4$  sachant que le salaire moyen est  $\bar{x} = 32.6$ .
- 2/ Représenter cette distribution.
- 3/ Calculer la fonction de répartition  $F$  et la tracer.
- 3/ Sur le même graphe tracer la droite d'équation  $y=0.25$ .
- 4/ Résoudre  $F(x)=0.25$ . Que représente la solution
- 5/ Calculer la variance.

Exercice 3

On lance une pièce de monnaie trois fois de suite.

- 1/ Donner l'univers et son cardinal.
- 2/ On pose les événements suivants :
  - A : "On obtient "pile" au 3ème lancé".
  - B : "On obtient deux "pile" exactement".
  - C : "Aucun "pile" ".
- a/ Calculer la probabilité des événements A, B, C et  $\bar{C}$ .
- b/ Calculer la probabilité de B sachant A.

Corrigé de l'examen Novembre 2020  
Statistiques descriptives et Introduction  
aux calculs des Probabilités

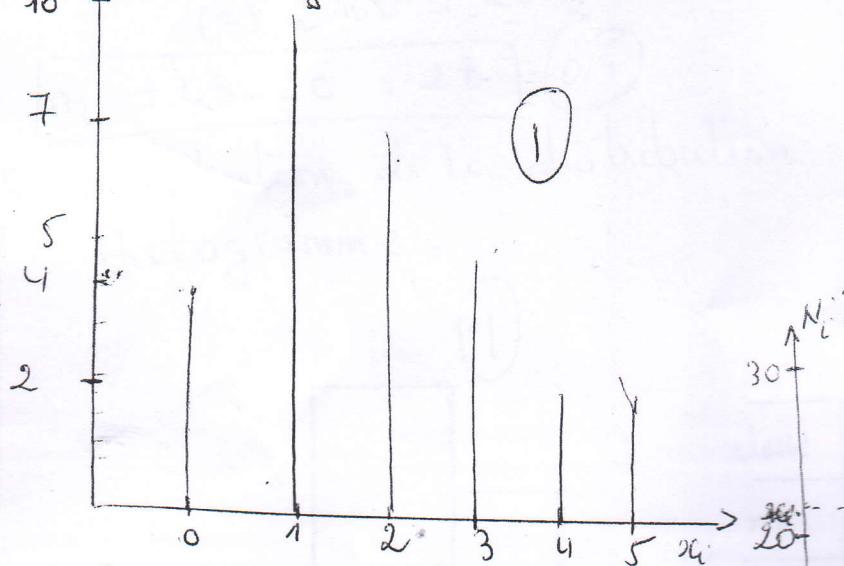
Exercice 1

5 b

1) Nature du caractère : Quantitatif discréte 0,5

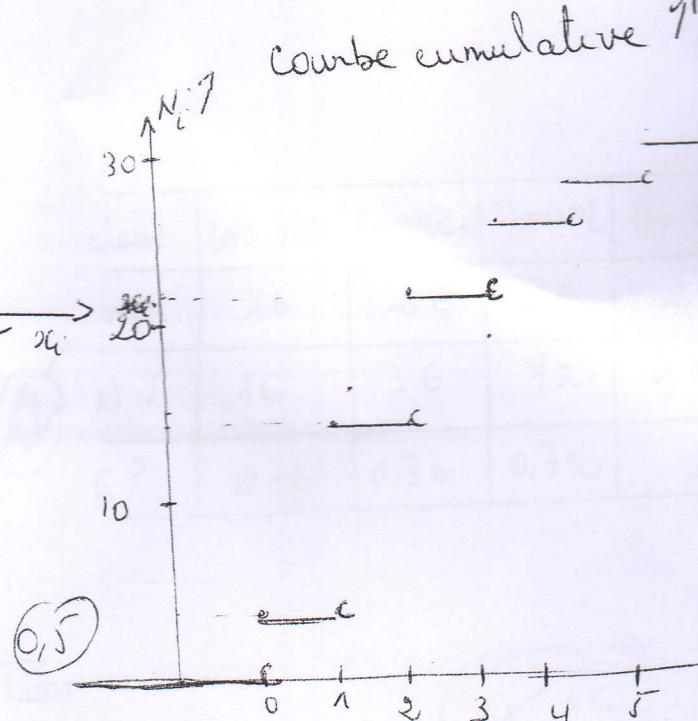
2) Représentation graphique de la série

n° ↑ Diagramme en batons.



3) Effectifs cumulés 1

x <sub>i</sub>	0	1	2	3	4	5
n <sub>i</sub>	4	10	7	5	2	2
N <sub>i</sub>	4	14	21	26	28	30



4) Le mode  $M_o = 1$  (correspond au plus grand n<sub>i</sub>) 0,5

Medianne  $Med = 2$  1

Exercice 2 (8P)

Détermination des effectifs  $n_2$  et  $n_4$ .

On a:  $n_1 + n_2 + n_3 + n_4 = 100 \Rightarrow n_2 + n_4 = 100 - (16 + 36) = 48$   
 et  $\bar{x} = 32,6 \Leftrightarrow \sum_{i=1}^4 n_i x_i = 100 \times 32,6 = 3260$  au centre de la cl.

$$(\Rightarrow) 16 \times 15 + n_2 \times 25 + 36 \times 35 + n_4 \times 45 = 3260$$

$$(\Rightarrow) 25n_2 + 45n_4 = 3260 - (240 + 2340) = 1760$$

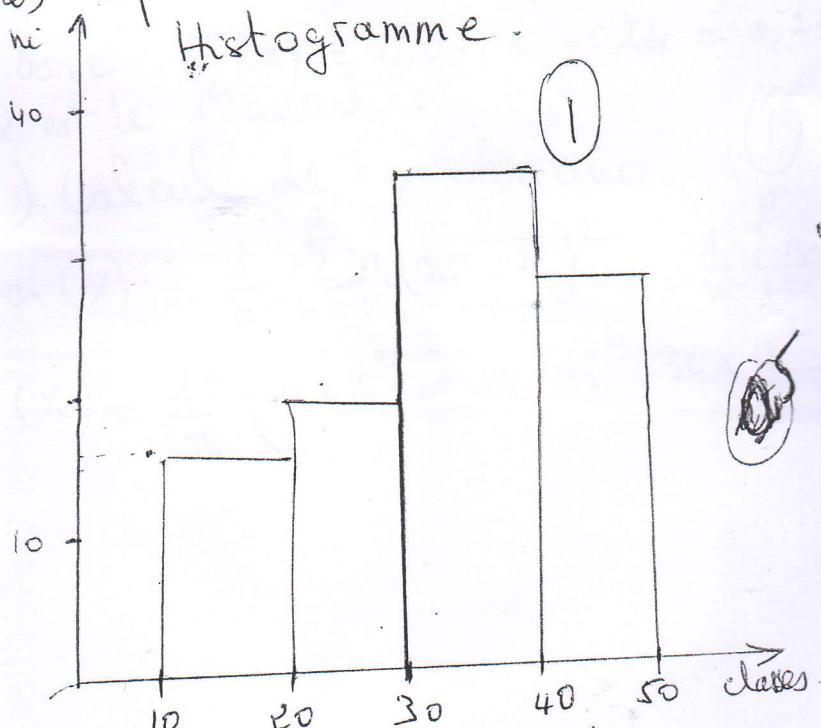
$$(\Rightarrow) 25n_2 + 45(48 - n_2) = 1760$$

$$(\Rightarrow) 25n_2 + 45(48 - n_2) = 1760 \Rightarrow n_2 = \frac{2160 - 1760}{20} = 20$$

Et  $n_4 = 48 - 20 = 28$ . (0,5)

2) Représentation de la distribution

Histogramme.



classe	[10; 20[	[20; 30[	[30; 40[	[40; 50]
$n_i$	16	20	36	28
$N_i$	16	36	72	108
$F_i$	0,16	0,36	0,72	1

3) Fonction de répartition

$$F: \mathbb{R} \xrightarrow{x \mapsto F(x)} [0, 1]$$

$$F(x) = \frac{f_i}{a_i} (x - e_{i-1}) + F_{i-1} \quad \text{avec } e_i = \text{milieu}$$

$$\text{Si } x \leq 10 \quad F(x) = 0$$

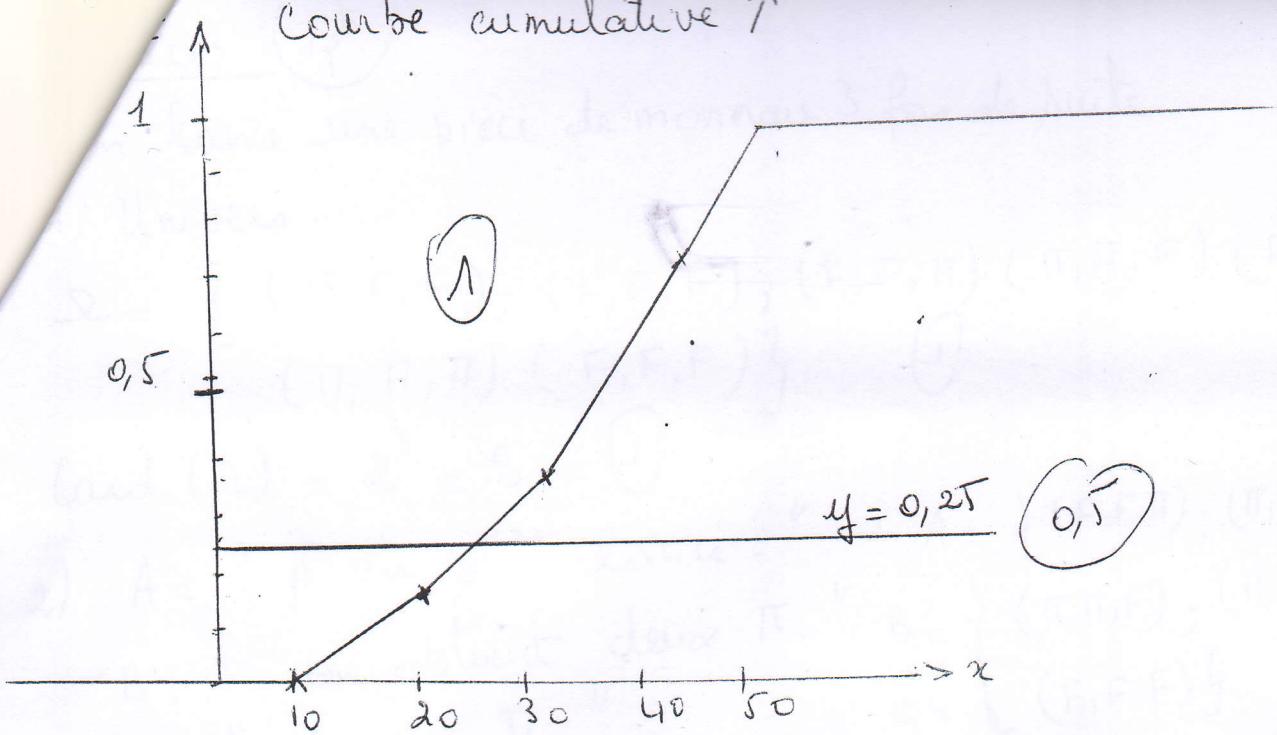
$$\text{Si } 10 \leq x \leq 20 \quad F(x) = \frac{0,16}{10} (x - 10) + 0 = 0,016x - 0,16$$

$$\text{Si } 20 \leq x \leq 30 \quad F(x) = \frac{0,2}{10} (x - 20) + 0,16 = 0,02x - 0,4 + 0,16 = 0,02x + 0,02$$

$$\text{Si } 30 \leq x \leq 40 \quad F(x) = \frac{0,36}{10} (x - 30) + 0,36 = 0,036x - 0,72$$

$$\text{Si } 40 \leq x \leq 50 \quad F(x) = \frac{0,28}{10} (x - 40) + 0,72 = 0,028x - 0,16$$

Courbe cumulative 7'



4)  $F(x) = 0,25$  d'après le graphe  $x \in [20, 30[$  0,5

Donc  $F(x) = 0,02 \cdot x - 0,244 = 0,25 \Rightarrow x = \frac{0,25 + 0,244}{0,02} = 24,5$

$x$  est le 1<sup>er</sup> quartile.

5) Calcul de la variance

$$\text{Var}(x) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n n_i (x_i - \bar{x})^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n n_i x_i^2 - \bar{x}^2$$

$$\text{Var}(x) = \frac{1}{100} (16 \cdot 15^2 + 20 \cdot 25^2 + 36 \cdot 35^2 + 28 \cdot 45^2) - (32,6)^2 = 106,2$$
1

Ex 3 (7p<sup>b</sup>)

on lance une pièce de monnaie 3 fois de suite

1) Univers

$$\Omega = \{ (\pi, F, F), (F, \pi, F), (F, F, \pi), (\pi, \pi, F), (\pi, F, \pi), (F, \pi, \pi), (\pi, \pi, \pi), (F, F, F) \} \quad (1)$$

$$\text{Card } (\Omega) = 2^3 = 8 \quad (1)$$

2) A : "T. au 3<sup>e</sup> lancé."       $A = \{ (F, F, \pi), (\pi, F, \pi), (F, \pi, \pi) \}$   
 B : "On obtient deux T."       $B = \{ (\pi, \pi, F), (\pi, F, \pi), (F, \pi, \pi) \}$   
 C : "Aucun T."       $C = \{ (F, F, F) \} \quad (1,5)$

calcul des probabilités

$$P(A) = P(\{ (F, F, \pi), (\pi, F, \pi), (F, \pi, \pi) \}) \quad (0,5)$$

$$= \frac{3}{8} = 0,375 \quad (0,5)$$

$$P(B) = P(\{ (\pi, \pi, F), (\pi, F, \pi), (F, \pi, \pi) \}) = \frac{3}{8} \quad (0,5)$$

$$P(C) = P(\{ (F, F, F) \}) = \frac{1}{8} \quad (0,5)$$

$$P(\bar{C}) = 1 - P(C) = 1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8} \quad (0,5)$$

$$P(B/A) = \frac{P(B \cap A)}{P(A)} \quad (1,5)$$

$$B \cap A = \{ (\pi, F, \pi), (F, \pi, \pi) \}$$

$$\text{Card}(A \cap B) = 2 \Rightarrow P(A \cap B) =$$

$$\Rightarrow P(B/A) = \frac{2/8}{4/8} = \frac{2}{4} = 0,5$$