

**EX: 1** 1: Calculer la population par chiffres imp

$$\frac{\text{Cas favorables}}{\text{Cas possibles}} = \frac{1}{4} = 0,25 \quad (0,25)$$

2: g. Les échantillons de taille deux, qui peuvent être extraite avec remise de la population E, sont au nombre de  $4 \times 4 = 16$ . C'est un arrangement avec répétition de p d'entre les n éléments, a p = 2 et n = 4, soit au total  $A_4^2 = 4^2 = 16$  échantillon. Les données dans le tableau ci-après:

(1;1)	(1;2)	(1;4)	(1;6)
(2;1)	(2;2)	(2;4)	(2;6)
(4;1)	(4;2)	(4;4)	(4;6)
(6;1)	(6;2)	(6;4)	(6;6)

(1,1)

b. Pour chacun des 16 échantillon précédents la fréquence des chiffres impairs est respectivement:

1	0,5	0,5	0,5
0,5	0	0	0
0,5	0	0	0
0,5	0	0	0

(1,1)

c. La moyenne  $\mu_{(f)}$  de la distribution d'échantillonnage de fréquence précédents, est:  $\mu_{(f)} = \frac{1+0,5+0,5+0,5+\dots+0+0}{16} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4} = 0,25 = p$  (0,25)

d. L'écart-type  $\sigma_{(f)}$  de la distribution d'échantillonnage de fréquence est défini par:

$$\sigma_{(f)} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{16} (f_i - \mu_{(f)})^2}{16}}$$

(0,25)

$$\sigma_{(f)} = \sqrt{\frac{(1-0,25)^2 + 6 \times (0,5-0,25)^2 + 9 \times (0-0,25)^2}{16}} = 0,306$$

L'écart-type  $\sigma_{(f)}$  de la distribution d'échantillonnage de fréquence est défini à partir de la théorie:  $\sigma_{(f)} = \sqrt{\frac{pq}{n}} = \sqrt{\frac{4 \times \frac{3}{4}}{16}} = 0,306$

23 → (0,25)

Exo 2

Si on désigne par la variable la longueur des pièces, suit une loi Normale:

$$X \sim N(15; 0,2)$$

La probabilité de rejet d'une pièce est:

$$P(\text{rejet}) = 1 - P(\text{accepter})$$

$$P(\text{accepter}) = P(14,3 \leq X \leq 15,3) = P(X \leq 15,3) - P(X \leq 14,7)$$

$$P(\text{accepter}) = P\left(\frac{X-15}{0,2} \leq \frac{15,3-15}{0,2}\right) - P\left(\frac{X-15}{0,2} \leq \frac{14,7-15}{0,2}\right)$$

$$P(\text{accepter}) = P(Z \leq 1,50) - P(Z \leq -1,50)$$

$$= P(Z \leq 1,50) - (1 - P(Z \leq 1,50))$$

$$= 2P(Z \leq 1,50) - 1$$



$$P(\text{accepter}) = 2 \times 0,93319 - 1 = 0,86638.$$

Chaque pièce a une probabilité de 0,13362 d'être rejetée ou il y a un risque de rejet de 13% des pièces fabriquées.

il faut trouver le résultat final.

### Exo 3

3. Désignons par  $X_i$  ( $i: 1$  à  $120$ ) la somme à rembourser à chaque personne.

Désignons par  $X$  la somme totale que la caisse doit payer aux personnes:

$$X = X_1 + X_2 + \dots + X_{120} = \sum_{i=1}^{120} X_i$$

D'après le théorème central limite (T.C.L.), on peut affirmer que  $X$  suit une loi normale de moyenne la somme des moyennes et l'écart-type la racine-carrée de la somme des variances.

$$X \sim N(120 \times 1000; \sqrt{120 \times 600^2}) = N(120000; 6572,67)$$

La somme de 130000 DH ne sera pas suffisante si la somme totale à rembourser aux 120 personnes dépasse 130000 DH

$$P(X > 130000) = 1 - P(X \leq 130000)$$

$$= 1 - P\left(\frac{X - 120000}{6572,67} \leq \frac{130000 - 120000}{6572,67}\right)$$

$$\Rightarrow P(X > 130000) = 1 - P(Z < 1,52) = 1 - 0,93474 = 0,06526$$

Il y a donc un risque de 6,5% que la somme de 130000 DH ne soit pas suffisante pour rembourser tous les personnes. Il faut trouver le résultat final.

EX. 4: • Estimateur de la moyenne  $\underline{m}$  de la population:  
on sait que l'estimateur sans biais de la moyenne  $\underline{m}$  de la population est donné par  $\bar{x}$ , avec  $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{10} x_i}{10} = \frac{2000}{10} = 200$ .

• Estimateur de la variance  $\sigma^2$  de la population.

on sait que l'estimateur sans biais de la variance  $\sigma^2$  de la population est donné par  $\hat{s}^2$ , avec  $\hat{s}^2 = S^2 \left( \frac{n}{n-1} \right)$ .

$$\Rightarrow \hat{s}^2 = S^2 \left( \frac{n}{n-1} \right) = \left( \frac{\sum_{i=1}^{10} x_i^2}{10} - \bar{x}^2 \right) \times \left( \frac{10}{9} \right) = (40700 - 40000) \times \left( \frac{10}{9} \right)$$

estimeurs ponctuels de  $m$  et  $\sigma^2$  sont respectivement 200 et 778. Donc les