

Chapitre II – Codage de l'information



Ce second chapitre englobe des notions fondamentales que devrait acquérir tout étudiant désirant comprendre la structure des ordinateurs et coder des programmes pour les faire fonctionner. On y traite la notion de codage de l'information. Vous allez voir qu'en informatique, l'information est codée en binaire et uniquement en binaire. C'est la raison pour laquelle nous avons traité le système de numération binaire au premier chapitre. Mais cela, n'est pas suffisant: Il faut pouvoir coder des nombres, du texte, des images, du son, de la vidéos et divers autres objets informatique comme des document pdf, textes avec mise en forme, page web et bien d'autres encore ! C'est ce que nous allons vous faire découvrir dans ce chapitre

Chapitre II – Codage de l'information	1
II.1 – Codages binaires	2
II.2 – Le binaire pur	2
II.2 – Code Gray	2
II.3 – Les décimaux codés binaires	3
II.3.1 – code BCD	3
II.3.2 – Le code excédent 3	4
II.3.3 – code 2 parmi 5	4
II.2 – Codage des caractères	5
II.3 – Codage du son	6
II.4 – Codage des images	7
II.5 – Codage de la vidéo	10
II.6 – Codage des nombres	11
II.6.1 – Codage des entiers naturels	11
II.6.2 – Codage des entiers relatifs (nombres signés)	11
II.6.3 – Codage des réels	14

II.1 – Codages binaires

Le codage est un processus nécessaire à l'être humain pour communiquer. On peut définir un code comme un ensemble de symboles (alphabet d'une langue par exemple) représentant des informations utiles. En informatique, ces symboles se résument aux deux objets que sont le « 0 » et le « 1 ». Donc, dans ce domaine, toutes les informations sont représentées sous la forme de configurations binaires. Que ce soit du texte, des images, du son, de la vidéo ou simplement des nombres, c'est le codage binaire que l'on utilise.

Avant d'aborder les différents codages, on doit connaître deux concepts importants : la quantité d'information qu'on peut coder (représenter) et le nombre de bits que l'on devrait utiliser pour coder

La quantité d'information représentables correspond au nombre de configurations différents que l'on peut avoir dans un codage. Ainsi, en binaire pure (tel qu'on l'a défini au chapitre 1), **n bits** peuvent coder **2^n informations différentes**.

Le nombre de bits que l'on utilise pour coder est très important car il limite l'étendue des valeurs (ou informations) que l'on veut coder. Ainsi, dans les ordinateurs, on utilise le plus souvent : 8, 16, 32 ou 64 bits.

Pour mesurer la quantité d'information représentées en binaire, on utilise les bits ou l'octet. L'octet correspondant à 8 bits. A l'image des autres unités de mesures comme le mètre ou le kilogramme, on a défini les mesures suivantes :

Nom	Symbole	Valeur
kilooctet	ko	10^3
mégaoctet	Mo	10^6
gigaoctet	Go	10^9
téraoctet	To	10^{12}
pétaoctet	Po	10^{15}
exaoctet	Eo	10^{18}
zettaoctet	Zo	10^{21}
yottaoctet	Yo	10^{24}

Nom	Symbole	Valeur
kibioctet	Kio	2^{10}
mébioctet	Mio	2^{20}
gibioctet	Gio	2^{30}
tébioctet	Tio	2^{40}
pébioctet	Pio	2^{50}
exbioctet	Eio	2^{60}
zébioctet	Zio	2^{70}
yobioctet	Yio	2^{80}

II.2 – Le binaire pur

Le binaire pur est aussi qualifié de binaire naturel. Ce codage a déjà été abordé dans le cadre du chapitre 1 traitant des systèmes de numération. En effet, dans ce codage on associe à chaque entier positif la valeur qui lui correspond selon le système de numération binaire. Ainsi, en ayant **n bits** on pourra coder les valeurs comprises entre $[0 \text{ et } 2^n - 1]$.

Exemple :

- Sur 6 bits : $(35)_{10} = (100011)_2$
- Attention la valeur $(35)_{10}$ n'est pas représentable sur 5 bits. En effet, rappelez-vous que pour coder une valeur sur **n bits**, elle doit être comprise entre **$[0 \text{ et } 2^n - 1]$** , dans notre cas entre $[0 \text{ et } 2^5 - 1] = [0 \text{ et } 31]$.

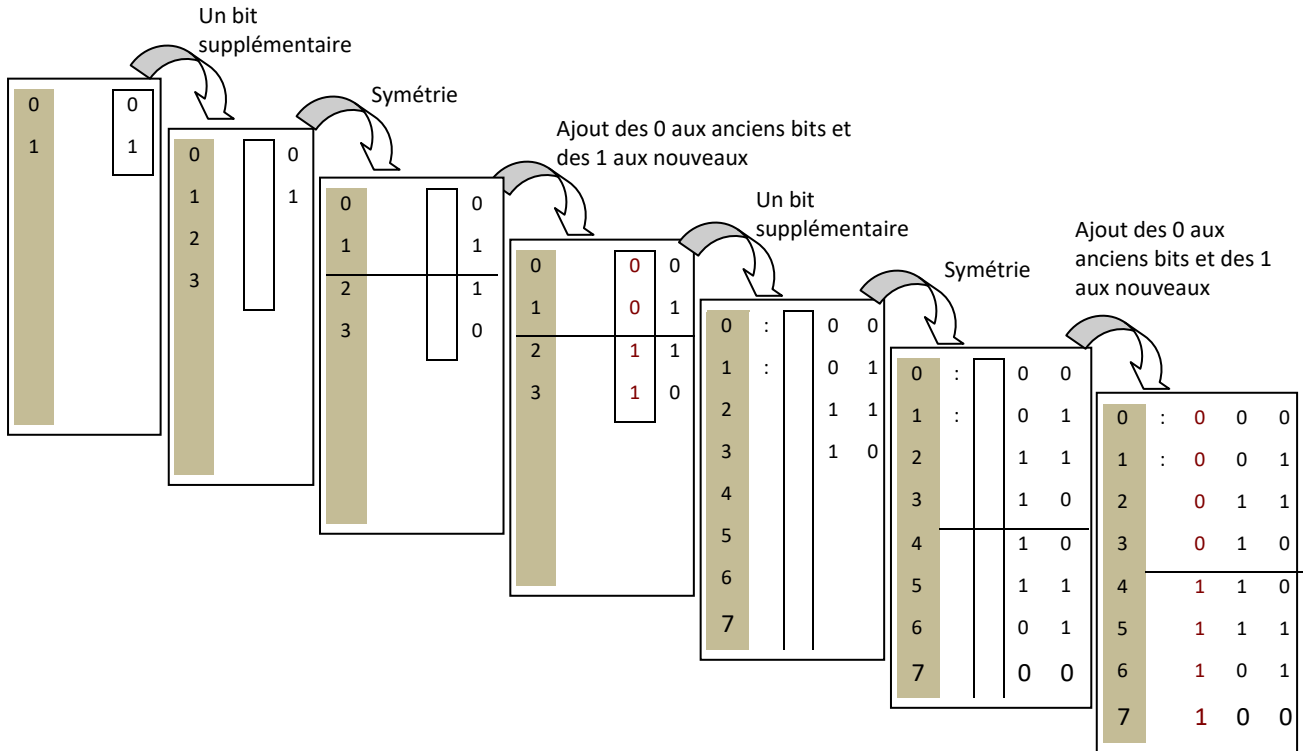
II.2 – Code Gray

Le code Gray est utilisé lorsque l'on désire une progression numérique binaire sans parasite transitoire. Il sert également dans les tableaux de Karnaugh utilisés lors de la conception de circuits logiques. Il est construit de telle façon qu'à partir du chiffre 0 chaque nombre consécutif diffère du précédent immédiat d'un seul digit (bit).

Une des méthodes de construction du code Gray s'appelle la méthode du code binaire réfléchi ou code REFLEX. Voici son principe:

1. On établit un code de départ : zéro est codé 0 et un est codé 1.
2. Puis, à chaque fois qu'on a besoin d'un bit supplémentaire,
3. on symétrise les nombres déjà obtenus (comme une réflexion dans un miroir)
4. et on rajoute un 1 au début des nouveaux nombres et un zéro sur les anciens.

Illustration :



II.3 – Les décimaux codés binaires

Les informations traitées par l’ordinateur ne sont pas toujours converties selon le système de numération binaire. En effet, ces informations peuvent être manipulées sous forme décimale codée binaire, c’est-à-dire, que des codes (en binaires) sont associés à des nombres décimaux sans pour autant faire la conversion traditionnelle décimal → binaire. Un certain nombre de codes sont définis à cet effet :

- Code BCD (*binary coded decimal*) ou DCB (décimal codé binaire) ou encore code 8421
- Code excédent 3
- Code 2 parmi 5 (ou code de parité)

II.3.1 – code BCD

C’est le code le plus utilisé. Son principe est basé sur le fait d’associer un code binaire à chaque chiffre décimal.

Exemple : Le nombre 512 en décimal équivaut à $(1000000000)_2$. En code BCD ce nombre sera codé comme suit $(0101\ 0001\ 0010)_{BCD}$. La conversion de code est établie comme suit

- Au premier chiffre (qui est 2) correspond sur quatre bits la valeur 0010_2
- Au second chiffre (qui est 1) correspond sur quatre bits la valeur 0001_2
- Au dernier chiffre (qui est 5) correspond sur quatre bits la valeur 0101_2
- Le code BCD du nombre 512 sera la concaténation dans le même ordre des chiffres décimaux de leur correspondants en binaire, c’est à dire $(0101\ 0001\ 0010)_{BCD}$

Comme on peut le constaté, dans le code BCD, il y a des configurations binaires non exploitées. En effet, sachant que le nombre de chiffres dans la base 10 est justement 10 et sachant par ailleurs que le nombre de configurations que l’on peut représenter avec 4 chiffres est 16, on déduit qu’il y 6 configurations non utilisées comme montrée dans le tableau suivant :

Chiffre décimal	Code BCD	
0	0000	
1	0001	
2	0010	
3	0011	
4	0100	
5	0101	
6	0110	
7	0111	
8	1000	
9	1001	
/	1010	Non utilisées
/	1011	
/	1100	
/	1101	
/	1110	
/	1111	

Les opérations arithmétiques sont assez compliquées en utilisant le code BCD. Cependant, une règle de base stipule que lors de l'addition de deux nombres écrits suivant le code BCD, si le résultat ne comporte pas de configurations non autorisées, alors il est correct sinon il ne l'est pas. Dans ce dernier cas, il faut rajouter la valeur 6 (0110) au résultat et cela pour chaque configuration non autorisée.

Exemple :

- En décimal : $15 + 16 = 31$
- En binaire : $01111 + 10000 = 11111$
- En BCD : $(0001\ 0101) + (0001\ 0110) = (0010\ 1011)$

On voit que le résultat $(0010\ 1011)_{BCD}$ comporte une configuration non autorisée (1011), alors il faut additionner au résultat 6 (0110). Ceci va nous donner $(0010\ 1011) + (0110) = (0011\ 0001)_{BCD}$ ce qui donne bien 31 en décimal.

Le BCD (Binary Coded Decimal), ou Décimal Codé en Binaire en français) est le code décimal le plus utilisé en électronique. Il contient des mots-code qui sont la traduction en binaire naturel (sur 4 bits) de chacun des dix chiffres du système décimal.

Exemple :

- $(25)_{10} = (0010\ 0101)_{BCD}$
- $(43)_{10} = (0100\ 0011)_{BCD}$
- $(1111)_2 = (0001\ 0101)_{BCD}$

II.3.2 - Le code excédent 3

Ce code ressemble beaucoup au code BCD. Son principe est basé sur le fait d'associer à chaque chiffre décimal son équivalent binaire additionné de 3.

Exemple : 512 en décimal vaut $(0101 + 0011)$ $(0001 + 0011)$ $(0010 + 0011)$ ce qui donne $(1000\ 0100\ 0101)_{Excédent\ 3}$

Le tableau suivant donne l'équivalent Excédent 3 des chiffres décimaux

Chiffre décimal	Code BCD	Code excédent 3
0	0000	0011
1	0001	0100
2	0010	0101
3	0011	0110
4	0100	0111
5	0101	1000
6	0110	1001
7	0111	1010
8	1000	1011
9	1001	1100

II.3.3 - code 2 parmi 5

Ce code est en fait un code correcteur. On s'arrange à coder les chiffres sur 5 bits, mais en s'assurant que chaque configuration binaire ne comporte que deux bits à 1. Le tableau suivant donne l'équivalent des chiffres décimaux dans le code 2 parmi 5.

Chiffre décimal	Code BCD	Code excédent 3	Code 2 parmi 5
0	0000	0011	00011
1	0001	0100	00101
2	0010	0101	00110
3	0011	0110	01001
4	0100	0111	01010
5	0101	1000	01100
6	0110	1001	10001
7	0111	1010	10010
8	1000	1011	10100
9	1001	1100	11000

II.2 – Codage des caractères

Il existe plusieurs logiciels traitant du texte de différentes langues. Comment sont codés les caractères pour permettre d'afficher une langue et aussi plusieurs langues? En fait, il s'agit de coder les lettres de l'alphabet y compris les chiffres et les caractères de contrôle du clavier. Le choix d'un code dépend du pays et de la langue.

Différents codes sont utilisés:

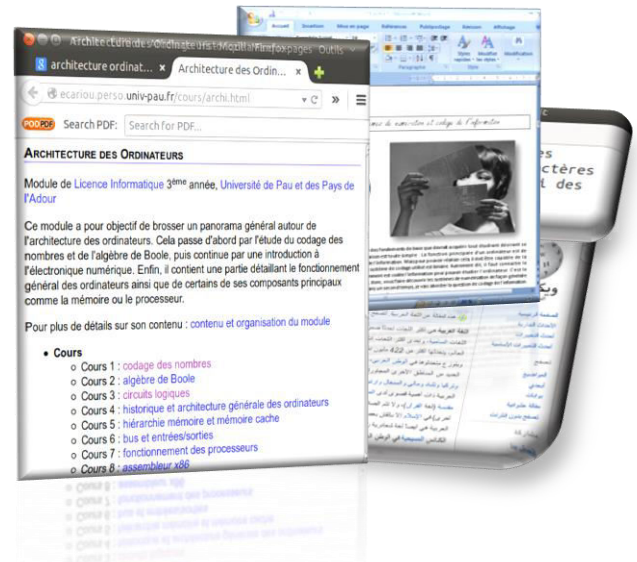
- ASCII (7 bits)
- ASCII étendue (8 bits)
- Unicode (16 bits)
- Etc.

Le code ASCII

Autrement dit : American Standard Code for Information Interchange. C'est codage sur 7 bits ce qui donne 128 codes différents :

- 0 à 31 : caractères de contrôle (retour à la ligne, Bip sonore, etc....)
- 65 à 90 : majuscules
- 97 à 122 : minuscules

Dans ce code, les caractères accentués ne sont pas représentés et c'est la raison pour laquelle il est limité uniquement à quelques langues (anglais notamment).



Dec	Hex	Oct	Char	Dec	Hex	Oct	Char	Dec	Hex	Oct	Char	Dec	Hex	Oct	Char
0	0	0		32	20	40	[space]	64	40	100	@	96	60	140	`
1	1	1		33	21	41	!	65	41	101	A	97	61	141	a
2	2	2		34	22	42	"	66	42	102	B	98	62	142	b
3	3	3		35	23	43	#	67	43	103	C	99	63	143	c
4	4	4		36	24	44	\$	68	44	104	D	100	64	144	d
5	5	5		37	25	45	%	69	45	105	E	101	65	145	e
6	6	6		38	26	46	&	70	46	106	F	102	66	146	f
7	7	7		39	27	47	'	71	47	107	G	103	67	147	g
8	8	10		40	28	50	(72	48	110	H	104	68	150	h
9	9	11		41	29	51)	73	49	111	I	105	69	151	i
10	A	12		42	2A	52	*	74	4A	112	J	106	6A	152	j
11	B	13		43	2B	53	+	75	4B	113	K	107	6B	153	k
12	C	14		44	2C	54	,	76	4C	114	L	108	6C	154	l
13	D	15		45	2D	55	-	77	4D	115	M	109	6D	155	m
14	E	16		46	2E	56	.	78	4E	116	N	110	6E	156	n
15	F	17		47	2F	57	/	79	4F	117	O	111	6F	157	o
16	10	20		48	30	60	0	80	50	120	P	112	70	160	p
17	11	21		49	31	61	1	81	51	121	Q	113	71	161	q
18	12	22		50	32	62	2	82	52	122	R	114	72	162	r
19	13	23		51	33	63	3	83	53	123	S	115	73	163	s
20	14	24		52	34	64	4	84	54	124	T	116	74	164	t
21	15	25		53	35	65	5	85	55	125	U	117	75	165	u
22	16	26		54	36	66	6	86	56	126	V	118	76	166	v
23	17	27		55	37	67	7	87	57	127	W	119	77	167	w
24	18	30		56	38	70	8	88	58	130	X	120	78	170	x
25	19	31		57	39	71	9	89	59	131	Y	121	79	171	y
26	1A	32		58	3A	72	:	90	5A	132	Z	122	7A	172	z
27	1B	33		59	3B	73	;	91	5B	133	[123	7B	173	{
28	1C	34		60	3C	74	<	92	5C	134	\	124	7C	174	
29	1D	35		61	3D	75	=	93	5D	135]	125	7D	175	}
30	1E	36		62	3E	76	>	94	5E	136	^	126	7E	176	~
31	1F	37		63	3F	77	?	95	5F	137	_	127	7F	177	

ASCII étendue

Afin de représenter plus de langues et notamment des langues occidentales comme la France, on a étendu le code de 7 à 8 bits.

Codage Unicode

Unicode utilise des codes de valeurs bien plus grandes que celle allant de 0 à 127. C'est un codage sur 16 bits! Il permet de représenter tous les caractères spécifiques aux différentes langues. Il se développe de plus en plus.

Codage UTF8

Unicode, dans la théorie, c'est très bien, mais dans la pratique, pour chaque lettre il occupe 2 octets (16 bits). C'est du gaspillage: Par exemple plusieurs langues partagent les mêmes lettres (français, anglais, ...) notamment les lettres de l'alphabet français non accentués. Pour optimiser cela, on utilise UTF-8:

Un texte en UTF-8 est simple: il est partout en ASCII, et dès qu'on a besoin d'un caractère appartenant à l'Unicode, on utilise un caractère spécial signalant "attention, le caractère suivant est en Unicode".

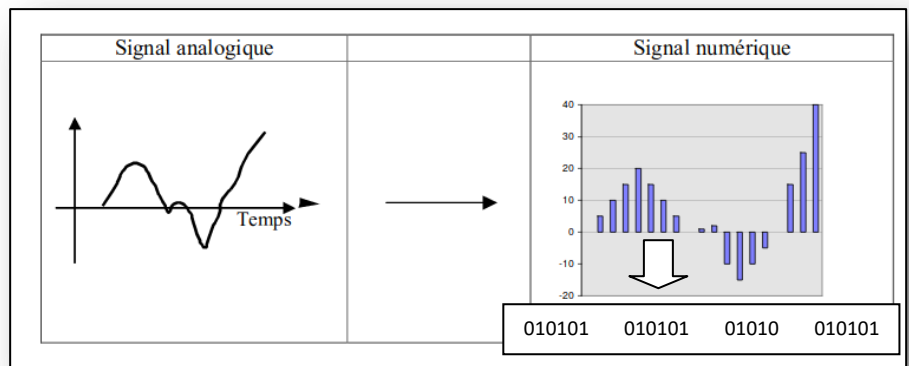
Par exemple, pour le texte "Bienvenue à Bejaia!", seul le « à » ne fait pas partie du code ASCII. Donc seul un caractère sera sur 16 bits, les autres seront représenter sur 8 bits!

II.3 – Codage du son

Le son se représente naturellement sous la forme d'un signal analogique. Il s'agit d'une onde acoustique issue de la vibration d'une membrane entraînant des mouvements ondulatoires de l'air environnant. Un haut parleur ou les cordes vocales d'un homme peuvent être à l'origine de ces vibrations.

Le codage d'un tel signal consiste à le représenter en binaire afin de pouvoir le transmettre à l'ordinateur qui ne peut stocker et traiter les informations qu'en binaire.

Le signal analogique du son peut être déterminé par une fonction continue représenté par une **fréquence** et une **amplitude**. La fréquence définie des sont aigues ou graves alors que l'amplitude définie le volume du son. Pour passer d'un signal analogique vers une représentation binaire. C'est ce qu'on appelle par numérisation du son. Ce processus consiste à capter la valeur de l'amplitude du signale analogique à des laps de temps répétitifs constant qu'on appel la valeur d'échantillonnage. Cette valeur de l'amplitude, est codée sur n bits à chaque période d''échantillonnage. Le nombre n définie ce qu'on appel par **résolution numérique** du son. Plus cette valeur est grande, plus la qualité du son généré est élevée.



La période (fréquence) d'échantillonnage est exprimée en **Hertz** et est très importante car elle a un impact par rapport à la fidélité du son numérisé. En effet, il ne faut pas perdre de vu que le codage binaire résultant ne représente qu'une partie du signal analogique qui est une fonction continue. On doit donc fixer la période d'échantillonnage de sorte à ce que la perception humaine ne détecte pas de différences entre le signal d'origine et celui numérisé.

La **résolution numérique** (ou **quantification**) du son est mesurée en **bits**. Plus elle est grande, plus le son généré est fidèle à l'original. Par exemple, avec une résolution de 16bit, on dispose de 2^{16} , soit 65535 valeurs possibles pour traduire l'amplitude du son.

Voici quelques exemples de résolutions largement utilisées :

- Son qualité téléphone: 8000 Hz 8bit
- Son qualité radio FM: 22050 Hz 16bit
- Son qualité CD: 44100 Hz 16bit
- Son qualité DVD: 48000 Hz 24bit
- Son audio professionnel: 96000 et 192000 Hz 24 et 32bit

Mémoire requise pour stocker un son : Il est simple de calculer la taille d'une séquence sonore **non compressée** en connaissant le nombre d'échantillons par seconde (fréquence d'échantillonnage), la résolution (nombre de bits sur lequel est codé un échantillon), le temps de la séquence (en seconde) et le nombre de voies utilisées :

Taille (octet)=Fréquence d'échantillonnage(Hz) × Résolution (octet) × Durée (seconde) × Nombre de voies

Par exemple : Calcul d'une minute d'audio qualité CD (format WAV non compressé) : 44 100 Hz, 16 bits et stéréo (2 voies)

- Données :
 - 1 octet (o) = 8 bits
 - 1 Kilo-octet (Ko) = 1 024 o
 - 1 Méga-octet (Mo) = 1 024 Ko
 - 16 bits = 2 octets
 - Taille = 44 100 (Hz) × 2 (octet) × 60 (sec) × 2 (voies) = 10 584 000 octets
 - Conversion d'octet vers Kilo-octet (Ko) : 10 584 000 / 1024 = 10 336 Ko
 - Conversion d'octet vers Méga-octets (Mo) : 10 336 / 1024 = 10 Mo

Remarque : On utilise souvent une ou deux voies d'enregistrement sonore. Dans le premier cas, on parle de son mono et dans le second on parle de son stéréo.

Compression : On parle de **compression audio**. Il s'agit d'une forme de compression de données qui a pour but de réduire la taille d'un flux audio numérique en vue d'une transmission (contraintes de largeur de bande et de débit) ou d'un stockage (contrainte d'espace de stockage). On distingue la *compression sans perte*, qui permet de reconstituer exactement les données d'origine, de la compression en général, « avec pertes », qui abandonne des données jugées non nécessaires à l'écoute, au profit de la diminution du débit ou de la taille des fichiers.

Une compression, qu'elle soit audio, vidéo ou autre, est dite **sans perte**, lorsque les données décompressées sont identiques au bit près, aux données originales avant compression. Il existe différents type de logiciel de compression de données audio sans perte dont : Apple Lossless (ALAC), apt-X, ATRAC, etc.

Une compression **avec perte** rend impossible la récupération exacte des données originales. C'est le cas en général de la compression audio quand on ne précise pas qu'elle est sans perte. On parle parfois de compression « destructive ». Il existe différents type de logiciel de compression de données audio avec perte dont : AAC, ADPCM, ATRAC, Dolby Digital AC-3, MP2, MP3, Muse pack, OGG Vorbis, Opus, Windows Media Audio.

II.4 – Codage des images

On distingue 2 catégories de codage des images :

- Les images vectorielles
- Les images bitmap ou matricielles

Dans le codage vectoriel, l'image est codée par un ensemble de formules mathématique, alors que dans le codage matriciel, l'image est codée comme un tableau de points.

Dans ce qui suit, nous présenterons uniquement le codage matriciel car c'est ce codage qui permet de représenter numériquement les photos.

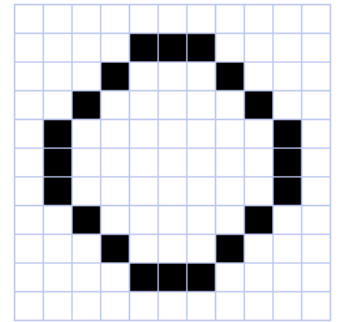
Bitmap signifie «carte de bits : l'image est décrite point par point. Les points d'une image sont appelés des pixels («*picture elements*»). Chaque pixel est décrit par un nombre indiquant sa couleur. L'image est donc représentée par une série de nombres. Le codage de l'image se fait en écrivant successivement les bits correspondant à chaque pixel, ligne par ligne, en commençant par le pixel en bas à gauche. Le codage est simple mais l'image bitmap occupe beaucoup de mémoire : plus les pixels sont petits, plus nombreux ils sont! Ce qui explique la nécessité de compression.

Trois paramètres définissent une image bitmap :

- Le nombre de colonnes
- Le nombre de lignes
- Le nombre de couleur par pixel

Les 2 premiers paramètres déterminent ce qu'on appelle par définition de l'image. Par exemple 800x600 pixels. Le dernier paramètre détermine ce qu'on appelle par profondeur de l'image. C'est lui qui définit les couleurs de l'image pixel par pixel.

Voici une illustration d'une image bitmap. Elle a une définition de 11x11 pixels. Elle est en noir et blanc



Comment coder la couleur ?

On avait dit qu'une image est une matrice de pixels. Chaque pixel est caractérisé par sa position dans l'image (n° de ligne n° de colonne). Mais qu'en est-il de sa couleur. En fait, on code la couleur en se basant sur 3 couleurs primaires que sont le rouge (R), le vert (V) et le bleu (B), abrégé en RVB. Par un principe dit de synthèse additive trichrome, à partir de ces trois couleurs primaires, on peut générer toutes les autres en allant du noir jusqu'au blanc en passant par les autres.

Du point de vue du stockage et du traitement des couleurs des pixels, on associe un nombre de bits fixe pour chacun des couleurs rouge, vert et bleu.

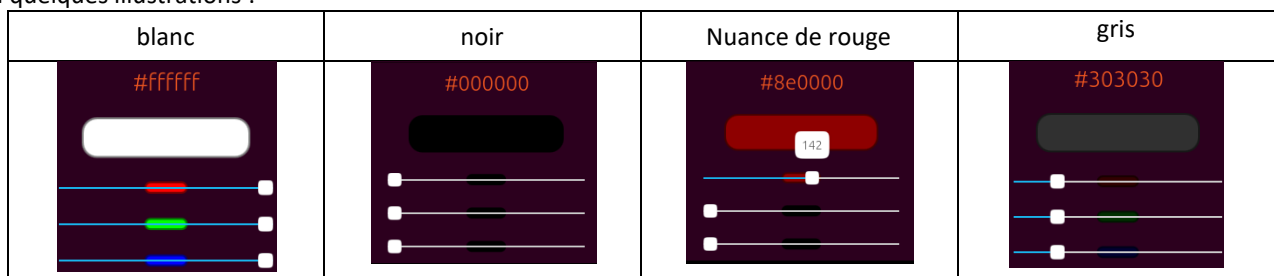
Voici quelques possibilités de codage de la couleur des pixels généralement utilisées:

- Bitmap noir et blanc : on peut coder la couleur sur 1 bit (0 pour le noir, 1 pour le blanc).
- Bitmap 16 couleurs ou 16 niveaux de gris : 4 bits suffisent.
- Bitmap 256 couleurs ou 256 niveaux de gris : Un octet fait l'affaire.
- "Couleurs vraies" (True Color) ou "couleurs réelles" : cette représentation permet de représenter une image en définissant chacune des composantes (RGB, pour rouge, vert et bleu). Chaque pixel est représenté par un entier comportant les trois composantes, chacune codée sur un octet, c'est-à-dire au total 24 bits (16 millions de couleurs). Il est possible d'ajouter une quatrième composante permettant d'ajouter une information de transparence ou de texture, chaque pixel est alors codé sur 32 bits.

Sachant qu'on est en codage 24 bits, voici quelques particularités:

- Pour chaque couleur, les valeurs proches de 0 signifient une faible nuance (intensité) de la couleur alors que les valeurs proches de 255 signifient une forte nuance de couleur. Par exemple le codage : (R, V, B) = (0,0,0) traduit un noir alors que (R, V, B) = (255,255,255) traduit un blanc.
- (R, V, B) = (0,0,255) correspond au bleu
- (R, V, B) = (0,255,0) correspond au vert
- (R, V, B) = (255,0,0) correspond au rouge
- (R, V, B) = (255,255,0) correspond au jaune car c'est un mélange équilibré entre le rouge et le vert
- Lorsque les valeurs des 3 couleurs sont égales, cela se traduit par un gris qui va du noir (R,V,B)=(0,0,0) jusqu'au blanc (R,V,B)=(255,255,255)

Voici quelques illustrations :



Comment calculer le poids d'une image ?

D'abord on sous-entend par poids la capacité mémoire requise pour stocker l'image sur un support mémoire. On le mesure, généralement, en octet (ou ses différents multiples, kilo-octets, méga-octets).

Pour connaître le poids (en octets) d'une image, il est nécessaire de compter le nombre de pixels que contient l'image, cela revient à calculer le nombre de cases du tableau, soit la hauteur de celui-ci que multiplie sa largeur

(nombre de lignes x nombre de colonnes). Le poids de l'image est alors égal à son nombre de pixels que multiplie le poids de chacun de ces éléments.

Voici le calcul pour une image 640x480 en True Color :

- $640 \times 480 = 307\,200$
- $24 \text{ bits} / 8 = 3 \text{ octets}$
- Soit un poids de $307\,200 \times 3 = 921\,600$ octets.

Voici quelques exemples (en considérant que l'image n'est pas compressée) :

Définition de l'image	Noir et blanc (1 bit)	256 couleurs (8 bits)	65 000 couleurs (16 bits)	True Color (24 bits)
320x200	7,8 ko	62,5 ko	125 ko	187,5 ko
640x480	37,5 ko	300 ko	600 ko	900 ko
800x600	58,6 ko	468,7 ko	937,5 ko	1,4 Mo
1024x768	96 ko	768 ko	1,5 Mo	2,3 Mo

Qu'en est-il de la compression d'images ?

Les images bitmap stockent tous les pixels d'une image sous forme d'une matrice. Le problème est que ça demande beaucoup d'espace mémoire. Afin de remédier à ce problème divers solutions d'optimisation ou de compression des fichiers d'images sont utilisées. C'est ce qui a donné naissance à plusieurs formats : GIF, JPEG, PNG, etc. Voici un descriptif de quelques formats largement utilisés :

Format	Type	Remarques
BMP : Bitmap (extension : bmp)	Sans compression	Format standard avec Windows Renferme tous types d'images noir et blanc et couleur
PICT (extension : pct)	Sans compression	Format standard avec Machintosh Renferme tous types d'images noir et blanc et couleur
TIFF : Tagged Image Format (extension : tif)	Compression non dégradante possible	Format très classique pour les images
GIF : Graphics Interchange Format (extension : gif)	Forte compression non dégradante	Format d'images compressées destiné surtout pour la diffusion sur les réseaux de télécommunication (256 couleur maximum)
JPEG : Joint Photographic Expert Group (extension : jpg)	Norme internationale de compression dégradante	Renferme tous types d'images noir et blanc et couleur Plusieurs niveaux de qualité selon le taux de compression

II.5 – Codage de la vidéo

Une animation ou une vidéo peut être définie comme une succession d'images défilées à un certain rythme. Ces images peuvent être de natures et de formats différents (dessins, graphiques, photos). Les animations peuvent avoir des caractéristiques différentes. Suivant qu'elles proviennent d'une série de photos ou de dessins, accompagnée d'une séquence audio ou non, on parlera tantôt de vidéos, tantôt d'images animées.

Les vidéos sont composées de 2 parties : une partie sonore et une partie vidéo (images). Ces 2 parties sont bien évidemment synchronisées.

En plus des caractéristiques du son et des images, dans la vidéo nous avons un paramètre supplémentaire et non des moindres : le nombre d'image à défiler par seconde. Ce paramètre lorsqu'il est supérieur à 10, on voit un effet d'animation. Cela est dû au fait que notre œil n'est pas capable de percevoir une image qui défile à une trop grande vitesse. En dessous de 10 images par seconde, l'animation apparaîtra saccadée. A 25 images par seconde, l'animation (vidéo) se rapprochera de la réalité et l'œil humain ne sera pas capable de voir des imperfections dans l'animation.

Au cinéma, le nombre d'images par seconde est normalisé à 24. À la télévision, le système européen PAL (ou SÉCAM en France) est de 25 images par seconde. Aux États-Unis et au Japon, la norme NTSC est de 30 images par seconde.

Comme pour les images, il est fortement recommandé de compresser les vidéos. Plusieurs formats sont utilisés : MP4, MOV, AVI, etc....

II.6 – Codage des nombres

Coder une information consiste à établir une correspondance entre sa représentation externe (habituelle) et sa représentation interne dans la machine, qui est une suite de bits.

La représentation (codification) des nombres est nécessaire afin de les stocker et de les manipuler par un ordinateur. Le principal problème est la limitation de la taille du codage : un nombre mathématique peut prendre des valeurs arbitrairement grandes, tandis que le codage dans la machine doit s'effectuer sur un nombre fixe de bits.

II.6.1 – Codage des entiers naturels

- Les entiers naturels (positifs ou nuls) sont codés sur un nombre fixe d'octets (1 octet = 8 bits). On rencontre habituellement des codages sur 1, 2, 4 octets, et plus rarement sur 8 octets (64 bits)
- Un codage sur n bits permet de représenter tous les entiers naturels compris entre 0 et $2^n - 1$.

☞ Exemple : avec un octet (8 bits), on peut représenter (coder) les nombres appartenant à l'intervalle :

$$[0, 2^8 - 1] = [0, 255].$$

II.6.2 – Codage des entiers relatifs (nombres signés)

La représentation des entiers signés pose des problèmes surtout au niveau de la représentation du signe. Il existe plusieurs manières pour coder les nombres signés :

- Codage en signe + valeur absolue
- Codage en complément restreint (C à 1)
- Complément vrai (C à 2)

Convention : Quelque soit le codage utilisé, le bit de poids fort est réservé pour la représentation du signe : Un nombre négatif a un bit de signe à 1 et un nombre positif a un bit de signe à 0.

A - Codage en signe + valeur absolue

Avec n bits, le $n^{\text{ième}}$ bit est réservé pour le signe et les $n-1$ bits restants sont utilisés pour la représentation de la valeur absolue du nombre à coder. Un codage sur n bits permet de coder tous les entiers appartenant à l'intervalle : $[-(2^{n-1}-1), + (2^{n-1}-1)]$

☞ Exemple 1 : Avec 4 bits on peut coder les entiers relatifs suivants :

1111	1110	1101	1100	1011	1010	1001	1000	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111
- 7	- 6	- 5	- 4	- 3	- 2	- 1	- 0	+ 0	+ 1	+ 2	+ 3	+ 4	+ 5	+ 6	+ 7

☞ Exemples 2 :

	Sur n = 4 bits	Sur n = 8 bits	Sur n = 16 bits
Intervalle des valeurs couvertes	[- 7, + 7]	[- 127, + 127]	[- 32767, + 32767]
Statut de la valeur zéro	La valeur zéro est 0000 = 1000	La valeur zéro est 00000000 = 10000000	La valeur zéro est = 0000 0000 0000 0000 = 1000 0000 0000 0000
Exemples	$+(3)_{10} = (0\ 011)_{SVA}$	$+(3)_{10} = (0\ 0000011)_{SVA}$	$+(3)_{10} = (0\ 000\ 0000\ 0000\ 0011)_{SVA}$
	$-(3)_{10} = (1\ 011)_{SVA}$	$-(3)_{10} = (1\ 0000011)_{SVA}$	$-(3)_{10} = (0\ 000\ 0000\ 0000\ 0011)_{SVA}$
	$+(15)_{10}$ et $-(15)_{10}$ impossible à représenter	$+(15)_{10} = (0\ 0001111)_{SVA}$	$+(15)_{10} = (0\ 000\ 0000\ 0000\ 1111)_{SVA}$
		$-(15)_{10} = (1\ 0001111)_{SVA}$	$-(15)_{10} = (1\ 000\ 0000\ 0000\ 1111)_{SVA}$

Bit de signe

7 bits pour coder la valeur absolue

Avantages : Facile à interpréter

Inconvénients: 2 représentations pour le 0 (+0 et -0) et Problème d'addition de deux nombres de signes opposés

B - Codage en complément restreint (CR) ou complément à 1 (C à 1)

- On obtient le complément à 1 d'un nombre binaire en inversant (le 1 devient 0, et le 0 devient 1) chacun de ses bits.
- Les nombres positifs sont codés comme dans le codage en signe plus valeurs absolue (SVA).
- Les nombres négatifs sont déduits des nombres positifs par complémentation bit à bit, c'est-à-dire : $(-N) = CR(N)$ (en supposant que N est un nombre positif).
- Un codage sur n bits permet de coder tout entier relatif appartenant à l'intervalle $[-(2^{n-1}-1), +(2^{n-1}-1)]$

Exemple : coder +15 et -15 sur 8 bits en utilisant le codage en CR :

$$\begin{aligned} (+15)_{10} &= (00001111)_2 \\ (-15)_{10} &= CR(00001111) = (11110000)_{CR} \end{aligned}$$

Inconvénient : Deux représentations pour le zéro

C - Codage en complément vrai (CV) ou complément à 2 (C à 2)

Pour obtenir le complément vrai d'un nombre entier, il suffit d'ajouter un 1 à son complément restreint : $CV(N) = CR(N)+1$ où N est un entier quelconque.

En codage en complément à 2 :

- Un nombre positif est représenté de la même manière qu'en codage en signe plus valeurs absolue.
- Un nombre négatif est représenté par le complément vrai de son opposé (qui est bien évidemment positif)
- Un codage sur n bits permet de coder tout entier relatif appartenant à l'intervalle $[-2^{n-1}, +(2^{n-1}-1)]$

☞ Exemple : Coder +15 et -15 sur 8 bits en utilisant le codage en CV

$$\begin{aligned} (+15)_{10} &= (00001111) \\ (-15)_{10} &= CR(00001111) + 1 = (11110001)_{CV} \end{aligned}$$

Avantage : Un seul codage pour 0 et pas de problème pour effectuer l'opération d'addition

Inconvénient : Difficile à interpréter.

D - Soustraction par la méthode du complément

Complément restreint

Pour une machine travaillant en complément restreint, la soustraction sera obtenue par l'addition du complément restreint du nombre à soustraire avec le nombre dont il doit être soustrait et report de la retenue (ajout de la retenue). S'il n'y a pas de retenue, cela signifie que le nombre est négatif. Il se présente sous la forme complémentée (complément restreint). Il suffira de retrouver le CR de ce résultat pour obtenir la valeur recherchée.

☞ Exemple 1 : Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CR sur 8 bits : $(63)_{10} - (28)_{10}$.

$$\begin{aligned} (63)_{10} &= (00111111)_2 \\ (28)_{10} &= (00011100)_2 \\ CR(28) &= CR(00011100) = (11100011)_{CR} \end{aligned}$$

Dans cet exemple, il y a une retenue, alors on l'a rajouté au résultat ce qui a donné un nombre positif : $(63)_{10} - (28)_{10} = (+35)_{10}$.

$$\begin{array}{r} 00111111 \leftarrow (63)_{10} \\ + 11100011 \leftarrow CR(28) \\ \hline \text{Retenue} = 1 0100010 \\ + 1 \\ \hline = 0100011 \leftarrow \text{Résultat final } (+35)_{10} \end{array}$$

Exemple 2 : Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CR sur 8 bits :

$$(28)_{10} - (63)_{10}$$

$$(63)_{10} = (00111111)_2 \text{ et } (28)_{10} = (00011100)_2.$$

$$CR(63) = CR(00111111) = (11000000)_{CR}.$$

0 0011100	← (28) ₁₀
1 1000000	← CR(63)
<hr/>	
= 1 1011100	← Résultat final (-35) ₁₀ .

Dans cet exemple, il n'y a pas de retenue, le résultat est négatif, alors on calcule son CR : $CR(11011100) = (00100011)_2 = (35)_{10}$ confirmant l'égalité : $(28)_{10} - (63)_{10} = (-35)_{10}$.

Complément vrai

Le principe est le même que pour le CR sauf que cette fois-ci on ignore la retenue. Au lieu de travailler avec des CR, on détermine des compléments vrais.

☞ **Exemple 1 :** Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CR sur 8 bits :

$$(63)_{10} - (28)_{10} = (63)_{10} + CV(28)$$

$$(63)_{10} = (00111111)_2$$

$$(28)_{10} = (00011100)_2.$$

$$CV(28) = CR(00011100) + 1 = (11100100)_{CR}.$$

00111111	← (63) ₁₀
11100100	← CR(28)
<hr/>	
Retenue → 1	= 00100011 ← Résultat final (+35) ₁₀

Dans cet exemple, il y a une retenue, alors il faut l'ignorer. On obtient un résultat positif : $(63)_{10} - (28)_{10} = (+35)_{10}$.

☞ **Exemple 2 :** Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CV sur 8 bits :

$$(28)_{10} - (63)_{10} = (28)_{10} + CV(63)$$

$$(63)_{10} = (00111111)_2$$

$$(28)_{10} = (00011100)_2.$$

$$CV(63) = CR(00111111) + 1 = (11000001)_{CV}.$$

0 0011100	← (28) ₁₀
+ 1 1000001	← CV(63)
<hr/>	
= 1 1011101	← Résultat final (-35) ₁₀ .

Dans cet exemple, il n'y a pas de retenue, le résultat est négatif alors on calcule son CV : $CV(11011101) = CR(11011101) + 1 = 00100010 + 1 = 00100011$. On obtient au final : $(28)_{10} - (63)_{10} = (-35)_{10}$.

E - Problèmes liés à la longueur des nombres

Rappel : En complément vrai (ou à 2) sur n bits, les nombres sont compris entre -2^{n-1} et $(2^{n-1} - 1)$.

Addition de deux nombres positifs : En additionnant deux nombres positifs, on peut obtenir un résultat négatif (le bit de signe du résultat à 1). Ceci est dû au fait que le résultat n'appartient pas à l'intervalle autorisé avec le nombre de bits prévu.

☞ **Exemple :** Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CV sur 8 bits : $(+49)_{10} + (88)_{10}$

Dans cet exemple nous avons additionné deux nombres positifs, tous les deux tenant sur 8 bits. Malheureusement, nous avons obtenu un résultat qui est situé en dehors de l'intervalle des valeurs autorisées pour le codage sur 8 bits.

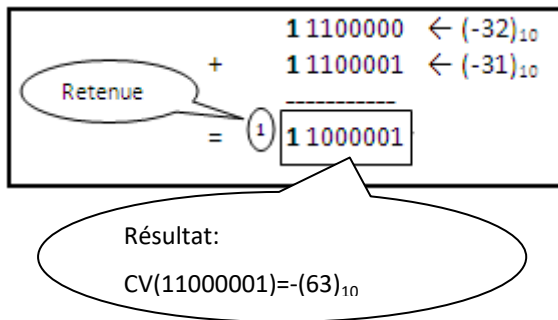
$[- 2^{n-1} , + (2^{n-1} - 1)] = [- 128 , + 127]$ avec $n = 8$. En effet, le résultat de 137 ($49+88=137$) est en dehors de cet intervalle.

0 0110001	← (+49) ₁₀
+ 0 1011000	← (88) ₁₀
<hr/>	
= 1 0001001	

Dépassement de capacité

Addition de deux nombres négatifs : En additionnant deux nombres négatifs représentés par leurs CV (bit de signe à 1), on peut obtenir un résultat positif (le bit de signe du résultat à 0). En effet, il y a toujours une retenue car les bits de poids fort des nombres à additionner sont à 1.

☞ Exemple 1 : Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CV sur 8 bits : $(-32)_{10} + (-31)_{10}$

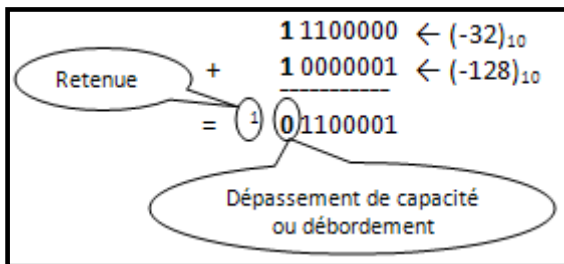


Dans cet exemple, nous avons additionné deux nombres négatifs (voir le bit de signe qui est à 1) et nous avons obtenu un nombre négatif (voir le bit de signe à 1). Malgré que nous avons obtenue une retenue, notre résultat est correcte, il faut juste ignorer cette retenue (car nous utilisons ici un codage en complément à 2 ou complément vrai).

☞ Exemple 2 : Effectuer l'opération suivante en utilisant la technique CV sur 8 bits : $(-32)_{10} + (-128)_{10}$

En ignorant la retenue, on obtient un résultat positif (bit de signe à 0) donc, on déduit qu'il y a débordement ou dépassement de capacité.

En décimal : $(-32)_{10} + (-127)_{10} = (-159)_{10}$ -159 n'est pas situé dans l'intervalle $[-128 \text{ et } +127]$.



Indicateur de dépassement de capacité : Les calculateurs utilisent un indicateur de dépassement de capacité (*Overflow*) qui est mis à 1 si le bit de signe du résultat est 0 alors que les deux nombres à additionner sont négatifs ou lorsque le bit de signe du résultat est à 1 alors que les deux nombres à additionner sont positifs.

II.6.3 – Codage des réels

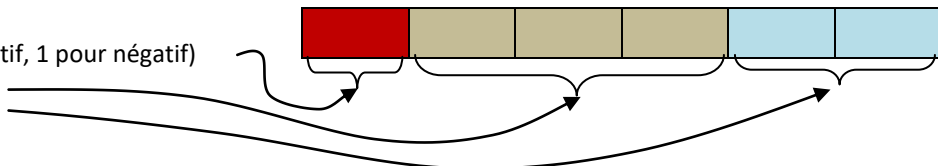
Beaucoup d'applications ont besoin de nombres qui ne sont pas des entiers. Il y a plusieurs manières de représenter ces nombres. L'une d'elle est d'utiliser la virgule fixe, c'est-à-dire d'utiliser l'arithmétique entière et d'imaginer simplement la virgule binaire quelque part ailleurs qu'à la droite du chiffre le moins significatif. L'addition de deux nombres sous cette forme peut être faite avec un additionneur entier, alors que la multiplication nécessite quelques décalages supplémentaires. Par ailleurs, il y a une seule représentation non entière qui est largement répondeuse : c'est la représentation en virgule flottante. Dans ce système, un mot machine est divisé en deux parties : un exposant et une mantisse. Par exemple, un exposant de -3 est une mantisse de 1,5 peuvent représenter le nombre $1,5 \times 10^{-3} = 0,1875$. Afin de pouvoir effectuer correctement les opérations arithmétiques sur les nombres à représentation par la virgule flottante, il est nécessaire de procéder à leur normalisation.

Virgule fixe

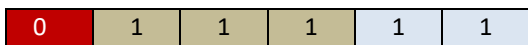
La représentation de la virgule qui sépare la partie entière de la partie décimale, dans un nombre fractionnaire (réel) pose un problème au niveau de la machine. La première solution adoptée était de ne pas représenter matériellement la virgule, et de traiter le nombre comme s'il était entier. On dira que la virgule est fictive (ou virtuelle), elle est gérée par le programmeur, c'est lui qui définit sa position au fur et à mesure des calculs, chose qui n'est pas évidente, d'où son inconvénient.

Exemple : On considère un nombre réel représenté sur 6 bits (en représentation binaire signée : signe + valeur absolue), tel que :

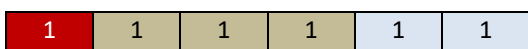
- 1 bit pour le signe (0 pour positif, 1 pour négatif)
- 3 bits pour la partie entière
- 2 bits pour la partie décimale



- Le plus grand nombre fractionnaire représentable sur ces 6 bits est :



- La plus grande valeur absolue de la partie entière à représenter est égale à $(111)_2 = 2^3 - 1 = 7$.
- La plus grande valeur absolue de la partie décimale à représenter est égale à $(0,11)_2 = 0,75$.
- Ainsi, le plus grand nombre représentable est égal à $+7,75$.
- Le plus petit nombre fractionnaire représentable sur ces 6 bits est :



- La plus grande valeur absolue de la partie entière à représenter est égale à $(111)_2 = 2^3 - 1 = 7$.
- La plus grande valeur absolue de la partie décimale à représenter est égale à $(0,11)_2 = 0,75$.
- Ainsi, le plus petit nombre représentable est égal à $-7,75$.

Le tableau ci-dessous donne la représentation de quelques nombres fractionnaires en représentation signe + valeur absolue sur 6 bits :

Nombre fractionnaire en représentation signe+valeur absolue	L'équivalent du nombre en décimal
0 111 11	+7,75
0 111 10	+7,50
0 000 10	+0,50
0 000 01	+0,25
0 000 00	+0,00
1 000 00	-0,00
1 000 01	-0,25
1 000 10	-0,50
1 111 10	-7,50
1 111 11	-7,75

Avec une représentation en complément à 2, ce tableau sera comme suit :

Nombre fractionnaire en représentation signe+valeur absolue	L'équivalent du nombre en décimal
0 111 11	+7,75
0 111 10	+7,50
0 000 10	+0,50
0 000 01	+0,25
0 000 00	+0,00
1 111 11	-0,25
1 111 10	-0,50
1 000 10	-7,50
1 000 01	-7,75
1 000 00	-8,00

virgule flottante

Dans le monde réel, il nous arrive de manipuler des nombres appartenant à un intervalle très grand. Ces nombres sont habituellement représentés en notation exponentielle :

Par exemple pour représenter le nombre 1278450000000, on peut utiliser l'une des représentations suivantes :

- $12,7845 \cdot 10^7$.
- $127,845 \cdot 10^6$.
- $0,127845 \cdot 10^9$.
- Etc.

Nous voyons bien que les représentations exponentielles évitent de traîner beaucoup de chiffres souvent non significatifs. Cette nouvelle représentation est basée sur la précision d'une mantisse et d'un exposant :

$X = \pm m \cdot 10^e$ où « m » est la mantisse et « e » est l'exposant

Dans système binaire, la notion exponentielle est appelée notation en virgule flottante. Elle est représentée de cette façon :

$X = \pm m \cdot 2^e$ où « m » est la mantisse et « e » est l'exposant

Remarque : Pour éviter d'avoir des exposants négatifs, on utilise un exposant dit décalé. La valeur de cet exposant décalé est égale à la valeur de l'exposant réel, additionnée de la valeur de décalage. La valeur du décalage doit être suffisamment grande pour pouvoir décaler tous les exposants de valeur négative.

Exemple : On suppose un décalage de 16, de cette manière la valeur 16 est additionnée à la valeur réelle de l'exposant :

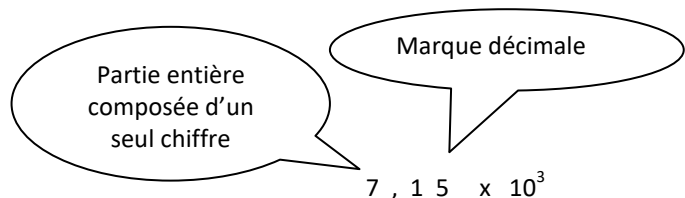
- Soit le nombre $X = 23 \times 10^{-7}$
- En appliquant le décalage de l'exposant, on obtient $16 + (-7) = 9$
- La nouvelle représentation du nombre X devient 23×10^9 .

Normalisation

✓ On dit qu'un nombre notation scientifique est normalisé si sa partie entière n'est composée que d'un seul chiffre.

Exemple

- Le nombre $(0,715 \times 10^3)$ n'est pas normalisé
- Le nombre $(7,15 \times 10^2)$ est normalisé
- Le nombre $(71,5 \times 10^1)$ n'est pas normalisé
- Le nombre $(715,0 \times 10^0)$ n'est pas normalisé



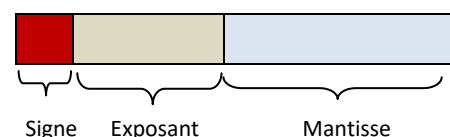
Représentation d'un nombre flottant avec une exponentiation en base 2

Avant les années 80 diverses représentations des nombres réels à virgule flottante étaient utilisées. Après 1985, une norme a été adoptée par la majorité des constructeurs d'ordinateurs c'est la norme IEEE 754. C'est pour cette raison que l'on ne va présenter que cette représentation.

D'une façon générale, un nombre à virgule flottante est représenté dans les ordinateurs comme une succession de bits décomposée en trois zones :

- Bit de signe
- Exposant
- Mantisse

Dans les exemples ci-après, on va adopter le format suivant pour la représentation des nombres flottants :



La représentation IEEE 754

Cette représentation des nombres réels est en fait une norme internationale qui est largement reconnue et utilisée par la majorité des constructeurs d'ordinateurs actuellement. Cette norme définit trois formats pour les nombres flottants :

- Simple précision sur 32 bits
- Double précision sur 64 bits
- Et précision étendue sur 80 bits

Que l'on soit dans l'une ou l'autre représentation, un certain nombre de conventions ont été prises :

1. L'ordre de représentation est fait comme suit : d'abord le signe, puis l'exposant ensuite la mantisse.
2. Les exposants sont décalés d'une valeur de décalage de sorte à éviter d'avoir recours à la représentation en complément à 2 des exposants négatifs.
3. La normalisation des nombres vers IEEE 754 consiste à s'assurer que la mantisse commence par un seul chiffre à 1 avant la virgule. Ce chiffre est implicite (il n'apparaît pas dans la représentation).

Première question : pourquoi avoir opté pour l'ordre signe + exposant ensuite mantisse ?

Réponse : En fait, ceci a été adopté pour faciliter la comparaison entre les nombres réels. Etant donné que les mantisses sont normalisées (commencent toujours par un bit (fictif) à 1), la comparaison de deux nombres revient directement à comparer les exposants.

Seconde question : Pourquoi appliquer un décalage aux exposants ?

Réponse : En fait, cette réponse suit la précédente, c'est-à-dire que quand on compare deux nombres en comparant les exposants, et si on utilise la représentation en complément à 2, les nombres avec exposants négatifs vont paraître plus grands que les nombres à exposants positifs (sauf si on décide de faire des opérations supplémentaire de complémentation etc.).

Troisième question : Pourquoi avoir imposé que les nombres aient toujours un 1 comme seul chiffre fictif avant la virgule.

Réponse : En fait, c'est pour gagner un bit dans la représentation. Par exemple dans la norme IEEE 754 simple précision, on a 23 bits pour la mantisse, alors que dans la réalité il y en a 24 (en ajoutant le bit fictif).

Quatrième question : Etant donné qu'on impose que le seul chiffre avant la virgule soit à 1 cela implique qu'on ne peut pas représenter la valeur nulle 0 ?

Réponse : Effectivement, cela est un problème, mais les concepteurs de la norme IEEE 754 lui ont trouvé une solution en mettant l'exposant à zéro à chaque fois que la valeur du nombre est à zéro. On rappelle que l'exposant est décalé, c'est-à-dire que 0 est la plus petite valeur de l'exposant (étant donné qu'on ne doit pas avoir d'exposant décalé négatif).

La norme IEEE 754 prévoit aussi des cas d'exception issus de calculs. En effet, quand on fait des calculs, on peut être amené à faire des divisions par zéro, à trouver des nombres approchant $+\infty$ ou $-\infty$ etc. Par exemple dans la norme IEEE 754 simple précision, la valeur (mantisse=0 et exposant=255) indique que le nombre est infini. Par ailleurs la valeur 0 est représentée par une mantisse à 0 et un exposant à 0. Et enfin, quand l'exposant est nul alors que la mantisse est différente de zéro, cela indique que la représentation indiquée n'est pas un nombre.

Nombre en simple précision : Le format des nombres en simple précision est comme suit :

- 1 bit pour le signe
- 8 bits pour l'exposant (la plus grande valeur est 127, la plus petite est -126, le décalage est 127)
- 23 bits pour la mantisse

Nombre en double précision : Le format des nombres en simple précision est comme suit :

- 1 bit pour le signe
- 11 bits pour l'exposant (la plus grande valeur est 1023, la plus petite est -1022, le décalage est 1023)
- 52 bits pour la mantisse

Résumé

Codage des réels (IEEE 754)

(Virgule flottante)

- Codage sur 32 bits (simple), 64 (double) ou 80 (étendue)
- inspiré de la notation scientifique (ex : $+1,05 \times 10^{-6}$)
- Ex en simple précision :



$$X = (-1)^S * 1, M * 2^{E-127} \quad \text{avec } 0 < E < 255$$

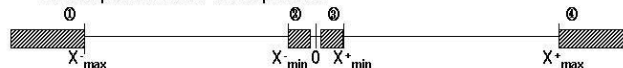
ex: $X = (-1,5)_{10} \quad (S=1; M=0,5; E=127)$

$$X = 1 \mid 01111111 \mid 1000...000$$

Cas particuliers :

- $\pm\infty$ (M=0, E=255) (résultat d'un div/0,...)
- 0 (M=0, E=0) (impossible d'écrire 0 sous la forme $1, M * 2^{E-127}$)
- NaN (M≠0, E=255) (le résultat n'est pas un nombre : $\infty / \infty, \dots$)

Les dépassements de capacité :



- (1) débordement supérieur négatif
- (2) débordement inférieur négatif
- (3) débordement inférieur positif
- (4) débordement supérieur positif