II.1.Introduction :

L'énergie totale d'un système E_{Tot} est égale à la somme de trois énergies : $E_{Tot} = E_c + E_p + U$.

Avec : U : Énergie interne liée à l'état d'un système. C'est l'énergie stockée dans la matière.

E_c et E_p : Énergie cinétique potentielle respectivement

En thermodynamique, on considère que $E_c=0$ et $E_p =0$: $E_{Tot} = U$.

L'évolution d'un système est caractérisée par la variation de l'énergie interne ΔU d'où :

$$\Delta E_{Tot} = \Delta U$$

II.2. Énoncé du premier principe :

La variation de l'énergie interne d'un système lors d'une transformation est égale à la somme algébrique du travail et de la quantité de chaleur échangés avec le milieu extérieur.

II.3. Expression mathématique du 1^{er} principe.

L'énergie interne ' U ' est une fonction d'état, sa variation ΔU ne dépend que de l'état initial et l'état final de la transformation et non pas du chemin parcouru.

$$\Delta U = U_2 - U_1 = W + Q$$

Soit un ensemble de transformations qui font passer le système de l'état (1) à l'état (2).

- **Chemin A** : $U_2 - U_1 = Q_A + W_A$.
- **Chemin B** : $U_2 - U_1 = Q_B + W_B$.
- **Chemin C** : $U_2 - U_1 = Q_C + W_C$.

D'où : $U_2 - U_1 = Q_A + W_A = Q_B + W_B = Q_C + W_C$. Donc la somme $Q+W$ est indépendante de chemin suivi. Avec : $Q_A \neq Q_B \neq Q_C$, et $W_A \neq W_B \neq W_C$.

Convention de signe

- Si $\Delta U > 0$, le système reçoit de l'énergie.

- Si $\Delta U < 0$, le système cède de l'énergie de même pour Q et W .
- Unité de ΔU est **Joule** ou **Calorie**, même unité pour Q et W .

II.4. Expression Différentielle du premier principe

Pour une transformation élémentaire, l'énergie interne se présente sous forme différentielle :

$$dU = \delta Q + \delta W$$

dU est une différentielle totale exacte (en utilise (d)) contrairement a δQ et δW (en utilise (δ))

Après intégration on trouve : $\Delta U = Q + W$

Remarque :

- Pour un système isolé : $Q = W = 0 \Rightarrow \Delta U = 0 \Rightarrow U_1 = U_2$.
- Pour un système fermé qui subit une transformation cyclique, l'état initial et l'état final sont confondus. Donc : $U_1 = U_2 \Rightarrow \Delta U = 0 \Rightarrow W + Q = 0$

$$\Rightarrow W = -Q \text{ Principe de l'équivalence.}$$

II. 5. Calcul de la variation de l'énergie interne :

a. Cas d'une transformation isochore (V = constant)

$$\left\{ \begin{array}{l} \delta W = -PdV = 0. \\ dU = \delta Q + \delta W \Rightarrow dU = \delta Q \Rightarrow \end{array} \right. \Delta U = U_2 - U_1 = Q_V = nc_V \Delta T.$$

A volume constant, la variation de l'énergie interne est égale à la quantité de chaleur échangée notée Q_V .

b : Calcul de ΔU dans le cas d'une transformation isobare (P = constante)

$$\left\{ \begin{array}{l} dU = \delta Q + \delta W \\ \delta W = -PdV \end{array} \right. \Rightarrow dU = \delta Q - P.dV \Rightarrow \int dU = \int \delta Q - P \int_{V_1}^{V_2} dV \Rightarrow \Delta U = Q - P(V_2 - V_1)$$

$$\Rightarrow U_2 - U_1 = Q - PV_2 + PV_1 \Rightarrow Q = \underbrace{(U_2 + PV_2)}_{H_2} - \underbrace{(U_1 + PV_1)}_{H_1}$$

On définit une nouvelle fonction d'état, appelée l'**enthalpie H**, exprimée en **Joule** ou en **Calorie**, qui permet d'exprimer la quantité de chaleur mise en jeu dans une transformation thermodynamique.

$$H = U + PV$$

A pression constante (transformation isobare), la variation d'enthalpie ' ΔH ' est égale à la quantité de chaleur échangée, notée Q_p .

$$\Delta H = H_2 - H_1 = Q_p = nc_p \Delta T$$

II.6. Application du premier principe aux gaz parfait

II.6.1. Loi de joule

Les gaz parfaits répondent aux deux lois de Joule.

- Première loi de Joule : $T = \text{Cst} \Rightarrow U = \text{Cst} \Rightarrow \Delta U = 0$
- Deuxième loi de Joule : $T = \text{Cst} \Rightarrow H = \text{Cst} \Rightarrow \Delta H = 0$

II.7. Relation entre les capacités calorifiques

Relation de Mayer

On a:

$$H = U + PV \quad (PV = nRT) \Rightarrow Q_p = Q_v + nRT$$

On remplace Q_p et Q_v par leur relation, on aura :

$$nc_p \Delta T = nc_v \Delta T + nR \Delta T \Rightarrow c_p = c_v + R$$

$$\Rightarrow c_p - c_v = R \quad (1)$$

On définit " γ " coefficient de Laplace : $\gamma = \frac{c_p}{c_v}$ (2)

Par combinaison de (1) et (2) on obtient :

$$c_v = \frac{R}{\gamma - 1} \quad \text{et} \quad c_p = \frac{\gamma R}{\gamma - 1}$$

c_p et c_v : Chaleurs molaires.

Gaz parfait	γ
Monoatomique Ar, He, Ne	1.66
Diatomique H ₂ , O ₂ , N ₂	1.4
Autres CO ₂ , H ₂ O	1.33

II.8. Application aux transformations de base : Pour chaque transformation, on définit l'état initial (1) décrit par les paramètres (P₁, T₁, V₁) et l'état final (2) décrit par les paramètres (P₂, T₂,

V_2). On donne aussi pour chaque transformation les expressions du travail, de l'énergie interne, de l'enthalpie et de la chaleur.

II.8.1. Transformation isobare réversible (P= constante) :

$$(1) \longrightarrow (2)$$

$$(P_1, V_1, T_1) \quad (P_2, V_2, T_2)$$

$$P_1 = P_2 = P = Cst .$$

$$W_{1,2} = - \int_{V_1}^{V_2} P dV \Rightarrow W_{1,2} = -P(V_2 - V_1).$$

$$\Delta U_{1,2} = \int_{T_1}^{T_2} nC_V dT = nC_V(T_2 - T_1).$$

$$Q_{1,2} = Q_P = \int_{T_1}^{T_2} nC_P dT = nC_P(T_2 - T_1).$$

$$\Delta H_{1,2} = nC_P(T_2 - T_1) = \gamma \Delta U .$$

II.8.2. Transformation isochore réversible (V= constante) :

$$(1) \longrightarrow (2)$$

$$(P_1, V_1, T_1) \quad (P_2, V_2, T_2)$$

$$V = Cst \Rightarrow dV = 0 \quad \Rightarrow W_{1,2} = 0.$$

$$\Delta U_{1,2} = Q_{1,2} + W_{1,2} \Rightarrow \Delta U_{1,2} = Q_{1,2} = nC_V \Delta T$$

$$\Rightarrow Q_V = Q_{1,2} = \Delta U_{1,2} = nC_V(T_2 - T_1).$$

$$\Delta H_{1,2} = nC_P \Delta T = nC_P(T_2 - T_1).$$

II.8.3. Transformation isotherme réversible (T= constante) :

$$(1) \longrightarrow (2)$$

$$(P_1, V_1, T_1) \quad (P_2, V_2, T_2)$$

$$T_1 = T_2 = T = Cst \Rightarrow \Delta T = 0.$$

$$\Delta U_{1,2} = nC_V \Delta T = 0$$

$$\Delta H_{1,2} = nC_P \Delta T = 0$$

$$W_{1,2} = - \int_{V_1}^{V_2} P_{ext} dV = - \int_{V_1}^{V_2} nRT \frac{dV}{V} = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

Transformation isotherme : $P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{V_2}{V_1}$

On aura donc : $W_{1,2} = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1} = -nRT \ln \frac{P_1}{P_2}$

$$\Delta U_{1,2} = Q_{1,2} + W_{1,2} = 0 \Rightarrow Q_{1,2} = -W_{1,2} = nRT \ln \frac{V_2}{V_1} = W_{1,2} = nRT \ln \frac{P_1}{P_2}$$

II.8.4. Transformation adiabatique réversible :

Une transformation adiabatique est une transformation où il n’y a pas d’échange de chaleur entre le système et le milieu extérieur ($Q_{1,2}=0$).

• **Loi de Laplace**

On a :

$$Q_{1,2} = 0 \Rightarrow dU = dW \Rightarrow nC_V dT = -PdV.$$

Loi gaz parfaits : $P = \frac{nRT}{V}$.

On remplace ‘P’ dans la relation précédente, on aura :

$$nC_V dT = -nRT \frac{dV}{V} \Rightarrow C_V \frac{dT}{T} = -R \frac{dV}{V} \Rightarrow \frac{dT}{T} = -\frac{R}{C_V} \frac{dV}{V}. \quad (3)$$

En remplace : $R = C_p - C_V$ et $\gamma = \frac{C_p}{C_V}$, dans (3)

$$\Rightarrow \frac{dT}{T} = -(\gamma - 1) \frac{dV}{V} \Rightarrow \int_{T_1}^{T_2} \frac{dT}{T} = (1 - \gamma) \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} \Rightarrow \ln \frac{T_2}{T_1} = (1 - \gamma) \ln \frac{V_2}{V_1} = \ln \left(\left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{1-\gamma} \right)$$

$$\Rightarrow T_2 V_2^{\gamma-1} = T_1 V_1^{\gamma-1} \Rightarrow TV^{\gamma-1} = Cst \quad (4)$$

$$\checkmark T = \frac{PV}{nR} \Rightarrow \frac{PV}{nR} V^{\gamma-1} = Cst \Rightarrow PV^\gamma = Cst \quad (5)$$

$$\checkmark V = \frac{nRT}{P} \Rightarrow T \left(\frac{nRT}{P} \right)^{\gamma-1} = Cst \Rightarrow T^\gamma P^{1-\gamma} = Cst. \quad (6)$$

• **Calcul du travail**

$$Q_{1,2} = 0 \Rightarrow dU = \delta W = nC_V dT \Rightarrow \Delta U_{1,2} = \Delta W_{1,2} = nC_V (T_2 - T_1)$$

On a aussi : $\delta W = -P_{ext} dV$.

$$\text{Et, } PV^\gamma = \text{cst} \Rightarrow PV^\gamma = P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma \Rightarrow P = \frac{P_1 V_1}{V^\gamma}$$

$$\text{Donc : } \delta W = -\frac{P_1 V_1^\gamma}{V^\gamma} dV \Rightarrow W_{1,2} = -P_1 V_1^\gamma \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V^\gamma} = -\frac{P_1 V_1^\gamma}{1-\gamma} (V_2^{1-\gamma} - V_1^{1-\gamma})$$

$$W_{1,2} = \frac{1}{\gamma-1} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$W_{1,2} = \Delta U_{1,2} = \frac{1}{\gamma-1} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

Ou bien :

$$\Delta U_{1,2} = \Delta W_{1,2} = nC_V(T_2 - T_1), \quad \text{On remplace : } c_v = \frac{R}{\gamma-1} \quad T = \frac{PV}{nR}$$

On aura donc :

$$W_{1,2} = \frac{1}{\gamma-1} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$\Delta H_{1,2} = nC_P(T_2 - T_1) = \gamma \Delta U$$