

**Examen de chimie II**

**Exercice 1 : (10 points)**

Un moteur à gaz parfait fonctionne selon le cycle suivant :

•une compression adiabatique réversible de l'état 1 à l'état 2 avec  $T_2=278,8\text{K}$  et  $P_2= 10,098 \cdot 10^5 \text{ Pa}$

•une détente isotherme réversible de l'état 2 à l'état 3

•un refroidissement isochore de l'état 3 à l'état 1.

1- Calculer le volume  $V_2$  et la pression  $P_3$

2- Tracer le cycle suivi par le gaz dans un diagramme de Clapeyron (P, V). S'agit-il d'un cycle moteur ? Justifier votre réponse.

3- Calculer  $\Delta U$ ,  $\Delta H$ , Q, W et  $\Delta S$  au cours des trois transformations.

4- Calculer le travail et la quantité de chaleur au cours du cycle. Commenter le résultat.

5- Calculer  $\Delta U$ ,  $\Delta H$  et  $\Delta S$  au cours du cycle. Commenter le résultat.

6- Calculer le rendement de cette machine.

**Données :**  $V_1= 4,4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$  ;  $T_1=144 \text{ K}$  ;  $P_1= 10^5 \text{ Pa}$  ;  $\gamma=1,4$  ;  $n=0,0368 \text{ mol}$  ;

$R= 0,082 \text{ L. atm. mol}^{-1} \text{ K}^{-1} = 8,314 \text{ J. mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ ,  $c_p=29,09 \text{ J.mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ ,  $c_v=20,78 \text{ J.mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ .

**Exercice 2 : (6points)**

Connaissant les chaleurs de combustion de  $\text{C}_2\text{H}_4$  gazeux  $\Delta H_{298}^{\circ} = -1387,4 \text{ KJ}$ .

1- Équilibrer la réaction de combustion de  $\text{C}_2\text{H}_4$ .



2- Déduire l'enthalpie standard de formation de  $\text{C}_2\text{H}_4$ .

3- À partir de la réaction de formation de  $\text{C}_2\text{H}_4$  déduire l'énergie de la liaison H-H.

4- Calculer à  $353\text{K}$ , l'enthalpie de combustion de  $\text{C}_2\text{H}_4$ .

**Données :**  $\Delta H_{(C=C)}^{\circ} = -614 \text{ KJ.mol}^{-1}$ ,  $\Delta H_{(C-H)}^{\circ} = -410,9 \text{ KJ.mol}^{-1}$ ,  $\Delta H_{\text{Sub}(C)}^{\circ} = +718,4 \text{ KJ.mol}^{-1}$

Formule développée de  $\text{C}_2\text{H}_4$  :

$$\begin{array}{c} \text{H} & & \text{H} \\ & \diagdown & / \\ & \text{C}=\text{C} & \\ & / & \diagdown \\ \text{H} & & \text{H} \end{array}$$

Composé	$\text{CO}_2(g)$	$\text{C}_2\text{H}_4(g)$	$\text{O}_2(g)$	$\text{H}_2\text{O}(l)$
$\Delta H_f^{\circ}(\text{KJ.mol}^{-1})$	-392,5	---	0	-285,8
$C_p(\text{J.K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1})$	46,82	43,73	29,26	75,24

**Exercice 3: (04 points)**

Dans un calorimètre contenant 50 grammes d'eau à  $80^{\circ}\text{C}$ , on plonge un bloc de cuivre de 100 grammes porté à une température de  $0^{\circ}\text{C}$ . La chaleur massique de l'eau  $c_{\text{eau}}$  est de  $4180 \text{ J. Kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$  et la capacité calorifique du calorimètre est négligeable. Déterminer La chaleur massique  $c_{\text{Cu}}$  du cuivre sachant que le système atteint une température d'équilibre de  $T_{\text{eq}}=67^{\circ}\text{C}$ ?

corrigé de l'examen de chimie II.

Exo 1: (10 points)

① adiabatique → ② isotherme → ③ isochore → ①

$T_1 = 144 \text{ K}$	$T_2 = 278,8 \text{ K}$	$T_3 = T_2 = 278,8 \text{ K}$	$T_1$
$P_1 = 10^5 \text{ Pa}$	$P_2 = 10,098 \times 10^5 \text{ Pa}$	$P_3 = ?$	$P_1$
$V_1 = 4,4 \times 10^{-4} \text{ m}^3$	$V_2 = ?$	$V_3 = V_1 = 4,4 \times 10^{-4} \text{ m}^3$	$V_1$

$\gamma = 1,4$

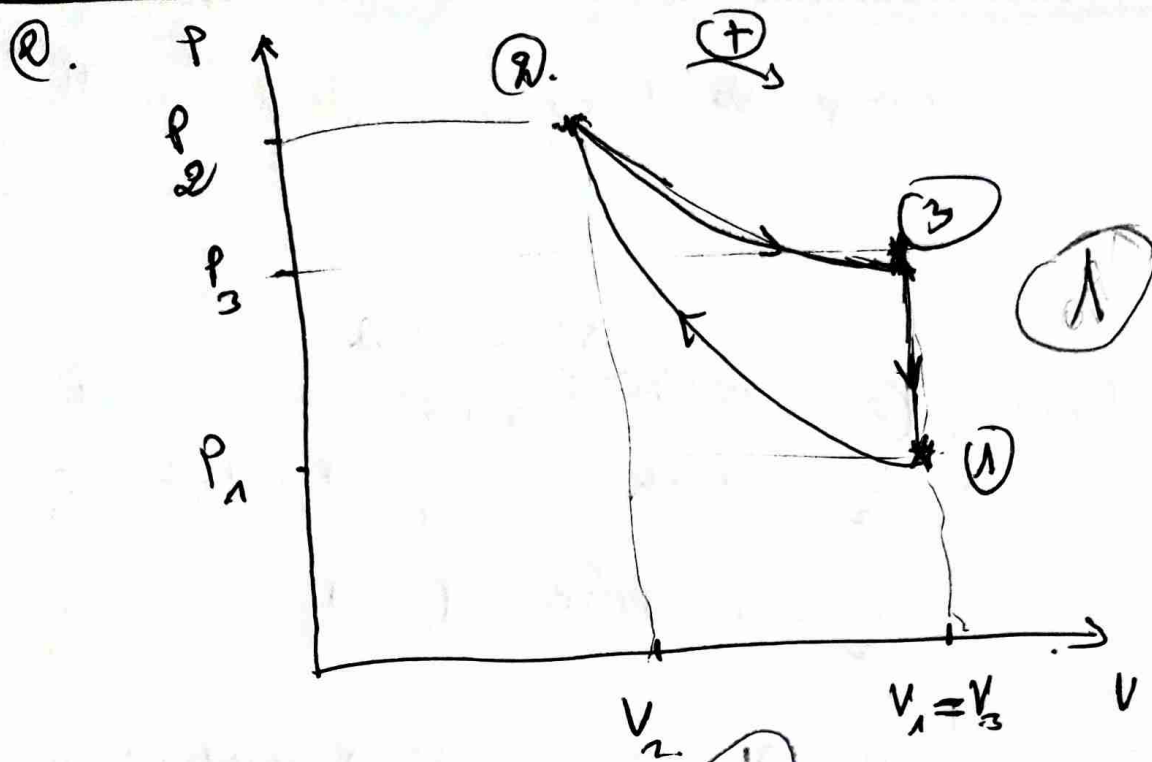
$n = 0,0368 \text{ mol}$

1)  $V_2 = \frac{nRT_2}{P_2} = \frac{0,0368 \times 8,314 \times 278,8}{10,09 \times 10^5} = 8,41 \times 10^{-5} \text{ m}^3$

$V_2 = 8,41 \times 10^{-5} \text{ m}^3$

$P_3 = \frac{nRT_3}{V_3} = \frac{0,0368 \times 8,314 \times 278,8}{4,4 \times 10^{-4}} = 19,386 \times 10^4 \text{ Pa}$

$P_3 = 19,386 \times 10^4 \text{ Pa}$



\* c'est un cycle moteur.  $\omega_{\text{cycle}} > 0$  puisque il suit le sens des aiguilles de la montre et  $w_{\text{cycle}} < 0$ .

3.  $\Delta U$ ,  $\Delta H$ ,  $Q$ ,  $w$  et  $\Delta S$ .

①  $Q = 0$ .

$\Delta U = Q + w$

$\Rightarrow \Delta U = w = m c_v \Delta T = m c_v (T_2 - T_1) = 0,0368 \times 20,78 (278,8 - 144)$

$\Delta U = w = 103,082 \text{ J}$

$\Delta H = m c_p \Delta T = \gamma \Delta U = 0,0368 \times 29,09 (278,8 - 144) = 144,305 \text{ J}$

$\Delta H = 144,305 \text{ J}$

$\Delta S = 0 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$  → isentropique.



$$\textcircled{2} \quad T = \text{const} \quad \textcircled{3}$$

$$\Delta U = 0 \quad \textcircled{0,21}$$

$$\Delta H = 0 \quad \textcircled{0,21}$$

$$\Delta U = \varphi + w \Rightarrow \varphi = -w$$

$$w = - \int P dV = - nRT \ln \frac{V_3}{V_2} = - 0,0368 \times 8,314 \times 278,8 \ln \frac{4,4 \times 10^{-4}}{8,4 \times 10^{-5}} = 140,74 \text{ J}$$

$$w = -140,74 \text{ J} \quad \textcircled{0,21}$$

$$\varphi = +140,74 \text{ J} \quad \textcircled{0,21}$$

$$\Delta S = \int \frac{\delta \varphi}{T} = \int \frac{P dV}{T} = \int \frac{nRT \ln \frac{V_3}{V_2}}{T} = nR \ln \frac{V_3}{V_2} \quad \textcircled{0,21}$$

$$\Delta S = 0,0368 \times 8,314 \ln \frac{4,4 \times 10^{-4}}{8,4 \times 10^{-5}} = 0,504 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$\Delta S = 0,504 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \quad \textcircled{0,21}$$

$$\textcircled{3} \quad V = \text{const} \quad \textcircled{1}$$

$$w = 0 \text{ J} \quad \textcircled{0,21}$$

$$\Delta U = \varphi + w \Rightarrow \Delta U = \varphi = \varphi_V = m c_V \Delta T = m c_V (T_1 - T_3) \quad \textcircled{0,21}$$

$$\Delta U = 0,0368 \times 20,78 (144 - 278,8) = -103,08 \text{ J}$$

$$\Delta U = -103,08 \text{ J} \quad \textcircled{0,21}$$

$$\varphi = -103,08 \text{ J}$$

(3)

$$\Delta H = \gamma \Delta U = n c_p \Delta T = 0,0368 \times 29,09 (144 - 278,8)$$

$$\Delta H = -144,30 \text{ J} \quad (0,25)$$

$$\Delta S = \int \frac{\delta Q}{T} = \int \frac{n c_v dT}{T} = n c_v \ln \frac{T_1}{T_3} = 0,0368 \times 20,78 \times \ln \frac{144}{278,8}$$

$$\Delta S = -0,505 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \quad (0,25)$$

$$\textcircled{4} \quad \Phi_{\text{cycle}} = 0 + 140,74 - 103,08 = 37,66 \text{ J} \quad (0,25)$$

$$w_{\text{cycle}} = 103,082 + (-140,74) + 0 = -37,66 \text{ J} \quad (0,25)$$

$$\left. \begin{array}{l} \Phi_{\text{cycle}} = 37,66 \text{ J} \\ w_{\text{cycle}} = -37,66 \text{ J} \end{array} \right\} \Rightarrow \Phi_{\text{cycle}} = -w_{\text{cycle}} \Rightarrow \text{le principe d'équivalence est vérifié} \quad (0,25)$$

$$\textcircled{5} \quad \Delta U_{\text{cycle}} = 103,082 + 0 - 103,082 = 0 \text{ J} \quad (0,25)$$

$$\Delta H_{\text{cycle}} = 144,30 \text{ J} + 0 - 144,30 \text{ J} = 0 \text{ J} \quad (0,25)$$

$$\Delta S_{\text{cycle}} = 0 + 0,504 - 0,504 = 0 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \quad (0,25)$$

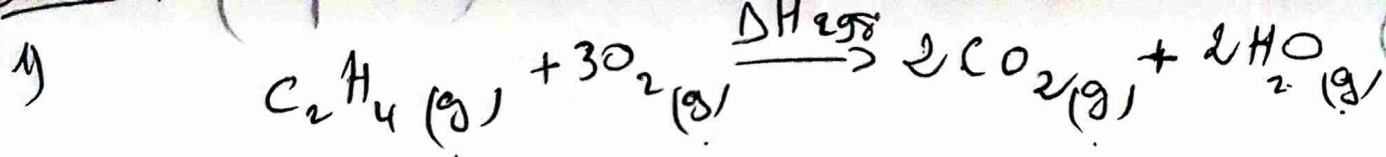
$\Delta S, \Delta H, \Delta U$  sont des fonctions d'états et donc

sont nuls au cours d'une transformation cyclique. (0,25)

$$\textcircled{6} \quad \eta = \frac{-w_{\text{cycle}}}{\Phi_{\text{net}}} = \frac{37,66}{140,74} = 0,268 \quad (0,25)$$

$$\eta = 26,75\% \quad (0,25)$$

(4)

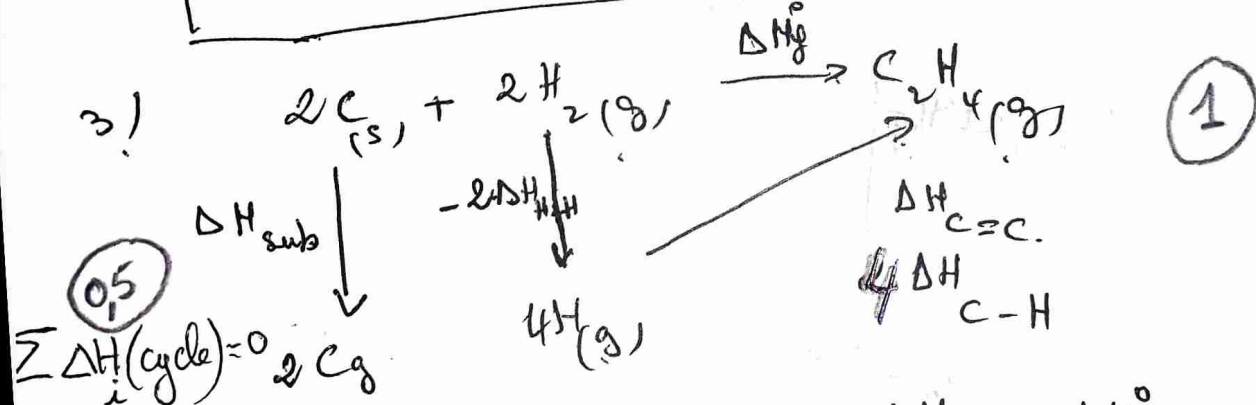


2)  $\Delta H_f^\circ$  of  $C_2H_4(g)$

$\Delta H_R^\circ = \sum \Delta H_f^\circ \text{ products} - \sum \Delta H_f^\circ \text{ reactifs} = 2\Delta H_f^\circ \text{ CO}_2 + 2\Delta H_f^\circ \text{ H}_2\text{O} - \Delta H_f^\circ \text{ C}_2\text{H}_4$

$\Delta H_f^\circ \text{ C}_2\text{H}_4 = 2\Delta H_f^\circ \text{ CO}_2 + 2\Delta H_f^\circ \text{ H}_2\text{O} - \Delta H_R^\circ$   
 $= 2(-392,5) + 2(-285,8) + 1387,4$   
 $= -785 - 571,6 + 1387,4$   
 $= 30,8 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$

$\Delta H_f^\circ \text{ C}_2\text{H}_4 = 30,8 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  (0,5)



$-2\Delta H_{sub} + 2\Delta H_{H-H} - 4\Delta H_{C-H} - \Delta H_{C=C} + \Delta H_f^\circ = 0$

$\Rightarrow \Delta H_{H-H} = \frac{2\Delta H_{sub} + 4\Delta H_{C-H} + \Delta H_{C=C} - \Delta H_f^\circ}{2}$  (0,5)

$\Delta H_{H-H} = \frac{2 \times 718,4 + 4(-410,9) + (-614) - 30,8}{2}$

$\Delta H_{H-H} = -425,8 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  (0,5)

$$4) \Delta H_{353}^{\circ} = ?$$

$$\Delta H_{R,353}^{\circ} = \Delta H_{298}^{\circ} + \int_{298}^{353} \Delta c_p dT = \Delta H_{298}^{\circ} + \Delta c_p \Delta T. \quad (0,5)$$

$$\Delta c_p = \sum n c_{p, \text{products}} - \sum n c_{p, \text{reactifs}} \quad (0,5)$$

$$\Delta c_p = 2 \Delta c_{p, \text{H}_2\text{O}(g)} + 2 \Delta c_{p, \text{CO}_2(g)} - \Delta c_{p, \text{C}_2\text{H}_6(g)} - 3 \Delta c_{p, \text{O}_2(g)}$$

$$\Delta c_p = 2 \times 75,24 + 2 \times 46,82 - 43,73 - 3 \times 29,26$$

$$= 112,61 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$\Delta c_p = 112,61 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \quad (0,5)$$

$$\Delta H_{353}^{\circ} = -1387,4 + 112,61 \times 10^{-3} (353 - 298) = -1381,20 \text{ kJ}$$

$$\Delta H_{353}^{\circ} = -1381,20 \text{ kJ} \quad (0,5)$$

Exo 3: (4 points)

$$m_1 = 500 \text{ g}$$

$$T_1 = 80^{\circ}\text{C}$$

$$m_2 = 100 \text{ g}$$

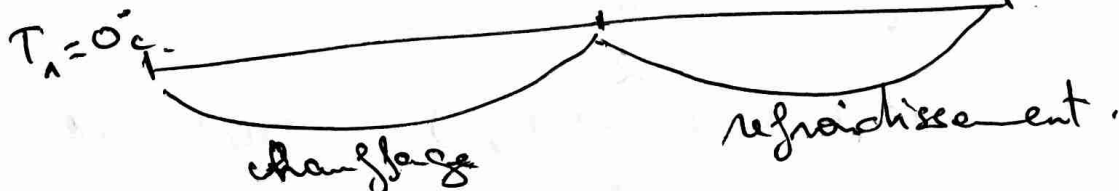
$$T_2 = 0^{\circ}\text{C}$$

$$T_{\text{eq}} = 67^{\circ}\text{C}$$

$$T_2 = 0^{\circ}\text{C}$$

$$T_1 = 0^{\circ}\text{C}$$

(0,5)



(6)



$$\sum \dot{Q}_i = 0 \Rightarrow \dot{Q}_{\text{ref}} + \dot{Q}_{\text{ced}} = 0 \quad (0,5)$$

$T_1 > T_2 \Rightarrow$  système 1 cède de la chaleur, et système 2 reçoit de la chaleur.

$$\begin{aligned} \Rightarrow \dot{Q}_{\text{ced}} = \dot{Q}_1 &= \dot{Q}_{\text{cal}} + \dot{Q}_{\text{eau}} = m_{\text{eau}} c_{\text{eau}} \Delta T_1 \\ &= m_{\text{eau}} c_{\text{eau}} (T_{\text{eq}} - T_1) \quad (0,5) \end{aligned}$$

$$\dot{Q}_{\text{ref}} = \dot{Q}_2 = m_{\text{cu}} c_{\text{cu}} \Delta T_2 = m_{\text{cu}} c_{\text{cu}} (T_{\text{eq}} - T_2) \quad (0,5)$$

$$\Rightarrow m_{\text{cu}} c_{\text{cu}} (T_{\text{eq}} - T_2) + m_{\text{eau}} c_{\text{eau}} (T_{\text{eq}} - T_1) = 0 \quad (0,5)$$

$$\Rightarrow c_{\text{cu}} = \frac{-m_{\text{eau}} c_{\text{eau}} (T_{\text{eq}} - T_1)}{m_{\text{cu}} (T_{\text{eq}} - T_2)} = \frac{-50 \times 10^3 \times 418 (67 - 0)}{100 \times 10^3 (67 - 0)}$$

$$c_{\text{cu}} = 405 \text{ J/K} \quad (0,5)$$