

Exo 1 (14 points)

1. La série est affectée si une composante saisonnière manquante par les pics par chaque T4 de chaque année et les valeurs inférieures par chaque T3 de chaque année.

- la saisonnalité est trimestrielle $p=4$

2. Le schéma de la composition et multiplie les deux droites reliant les points de points ne sont pas parallèles.

3. $p=4$ (pair) $p=2k \Rightarrow k=2$

$$\hat{z}_i = \frac{1}{2k} \left[\frac{y_{i-k}}{2} + \dots + y_{i-1} + y_i + y_{i+1} + \dots + \frac{y_{i+k}}{2} \right]$$

pour $i=3 \text{ à } 14$.

4. Les coefficients saisonniers
- On détermine les rapports entre les valeurs observées (y_i) et estimées (\hat{z}_i) : (y_i/\hat{z}_i)

- On calcule pour chaque période le coefficient saisonnier δ_j avec $j=1, \dots, 4$
en retenant la moyenne de rapports (y_i/\hat{z}_i)

$$\delta_1 = 0,91 ; \delta_2 = 1,09 ; \delta_3 = 0,82 ; \delta_4 = 1,17$$

- $\sum_{j=1}^4 \delta_j = 4$; on opère pas à une correction de ces coefficients.

5. la série corrigée les variations saisonnières

$$y_i^{cvs} = y_i / \delta_j \quad j=1,4$$

6. $\bar{x} = 8,5$; $\bar{y}^{cvs} = 326,90$; $y_i^{cvs} = a + b X_i$

$$b = \frac{\sum x_i y_i^{cvs} - n \bar{x} \bar{y}^{cvs}}{\sum x_i^2 - n \bar{x}^2} = \frac{47739,23 - 16 \times 8,5 \times 326,9}{1496 - 16 \times 8,5^2}$$

$$b = 9,649 ; \quad a = \bar{y}^{cvs} - b \bar{x} = 244,887$$

- On calcule la série y_i^{cvs} en remplaçant x_i .

$$7. \hat{y}_{17}^{cvs} = 244,887 + 9,649 \times 17 = 408,92$$

$$\hat{y}_{18}^{cvs} = 244,887 + 9,649 \times 18 = 418,569$$

$$\hat{y}_{17}^p = \hat{y}_{17}^{cvs} \times \delta_1 = 372,177$$

$$\hat{y}_{18}^p = \hat{y}_{18}^{cvs} \times \delta_2 = 456,24$$

Exo 2 (6 points)

1. la variable à expliquer Y est la durée de survie.

- la variable explicative X est l'âge d'apparition de la maladie

$$2. \bar{x} = 49,13 ; \quad \bar{y} = 5,26$$

$$b = \frac{\sum x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sum x_i^2 - n \bar{x}^2} = -0,2297$$

$$a = \bar{y} - b \bar{x} = 16,682$$

$$\hat{\text{durée}} = 16,682 - 0,2296 \times \hat{\text{âge}}$$

3. L'effet d'une année supplémentaire de l'âge de l'apparition de la maladie représente $(-0,2297)$, c'est à dire une baisse de $b = -0,2297$ de la durée de survie.

4. $y = 10$ années.

$$10 = 16,682 - 0,2296 \times \text{âge}$$

$$\Rightarrow \text{âge} = \frac{10 - 16,682}{-0,2296} = 29 \text{ ans}$$