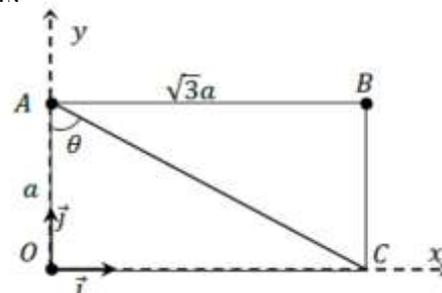


Interrogation écrite N° 1 (7.5Pts)

Sujet N°1

Soit trois charges ponctuelles $q_A=2q$ et $q_B=-q$, ($q>0$) placées aux points A , et B respectivement, avec $OA=a$, $OB=\sqrt{3}a$.

1. Représenter puis déterminer les champs électrostatiques créés par les charges q_A , q_O et q_B au point C . Déduire le champ électrostatique total $\vec{E}(C)$ qui règne au point C ;
2. Donner l'expression des potentiels électrostatiques V_A , V_O et V_B créés par les charges q_A , q_O et q_B au point C . Déduire le potentiel électrostatique total (C) qui règne au point au point C ;
3. On place au point C une charge ponctuelle $q_C=-q$, trouver la force $\vec{F}(C)$ que subit q_C et son énergie potentiel $V(C)$.



Réponses

Nom :/Prénom :/Groupe :

Corrigé

Sujet N°1

La distance AC, sin θ et cos θ

$$AC = \sqrt{a^2 + (\sqrt{3}a)^2} = \sqrt{a^2 + 3a^2} = 2a$$

$$\sin(\theta) = \frac{\sqrt{3}a}{2a} = \frac{\sqrt{3}}{2}; \quad \cos(\theta) = \frac{a}{2a} = \frac{1}{2}$$

L'expression des vecteurs unitaires \vec{u}_{AC} , \vec{u}_{OC} et \vec{u}_{BC} dans la base (\vec{i}, \vec{j})

$$\vec{u}_{AC} = \sin \theta \vec{i} - \cos \theta \vec{j} = \frac{\sqrt{3}}{2} \vec{i} - \frac{1}{2} \vec{j}$$

$$\vec{u}_{OC} = \vec{i}, \quad \vec{u}_{BC} = -\vec{j}$$

4 Pts

- 1 Détermination des champs électrostatiques \vec{E}_A , \vec{E}_O et \vec{E}_B

$$\vec{E}_A = K \frac{q_A}{AC^2} \vec{u}_{AC} = K \frac{2q}{4a^2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \vec{i} - \frac{1}{2} \vec{j} \right) = K \frac{q}{4a^2} (\sqrt{3} \vec{i} - \vec{j})$$

$$\vec{E}_B = K \frac{q_B}{BC^2} \vec{u}_{BC} = K \frac{(-q)}{a^2} (-\vec{j}) = K \frac{q}{a^2} \vec{j}$$

$$\vec{E}_O = K \frac{q_O}{OC^2} \vec{u}_{OC} = K \frac{(-q)}{3a^2} \vec{i} = -K \frac{q}{3a^2} \vec{i}$$

Champ électrique $\vec{E}(C)$

$$\vec{E}(C) = \vec{E}_A + \vec{E}_B + \vec{E}_O = K \frac{q}{4a^2} (\sqrt{3} \vec{i} - \vec{j}) + K \frac{q}{a^2} \vec{j} - K \frac{q}{3a^2} \vec{i} = K \frac{q}{a^2} \left[\left(\frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{1}{3} \right) \vec{i} + \left(\frac{3}{4} \right) \vec{j} \right]$$

- 2 L'expression des potentiels électrostatiques V_A , V_O et V_B

$$V_A = K \frac{q_A}{AC} = \frac{Kq}{a}; \quad V_O = K \frac{q_O}{OC} = -\frac{Kq}{\sqrt{3}a}; \quad V_B = K \frac{q_B}{BC} = -\frac{Kq}{a}$$

2 Pts

$$V(C) = V_A + V_B + V_O = -\frac{Kq}{\sqrt{3}a}$$

- 3 Energie interne du système formé par les trois charges (q_A, q_B, q_C)

$$U_i = K \sum_{i>j} \frac{q_i q_j}{r_{ij}} = \frac{1}{2} K \sum_{\substack{i,j \\ i \neq j}} \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$$

0.75

$$U_i = K \left(\frac{q_A q_B}{AB} + \frac{q_A q_O}{AO} + \frac{q_B q_O}{BO} \right) = K \left(\frac{-2q^2}{\sqrt{3}a} + \frac{-2q^2}{a} + \frac{q^2}{2a} \right) = -\frac{Kq^2}{a} \left(\frac{2}{\sqrt{3}} + \frac{3}{2} \right)$$

- 4 La force $\vec{F}(C)$ que subit q_C et son énergie potentiel $E_p(C)$.

$$\vec{F}(C) = q_C \vec{E}(C) = K \frac{q^2}{a^2} \left[\left(\frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{1}{3} \right) \vec{i} + \left(\frac{3}{4} \right) \vec{j} \right]; \quad E_p(C) = q_C V(C) = -\frac{Kq^2}{\sqrt{3}a}$$

0.75

