

- Diminution la qualité de production (certains insuffisances de maintenance ont pour conséquence un fonctionnement dégradé et par conséquent un produit de moindre qualité : on sera amené à réduire le prix de vente ou à perdre une part du marché).
- Pénalités de retard (lors perturbation de la production suite aux pannes, les clients sont livrés en retard d'ou pénalités).

I.10 La stratégie de la maintenance

La stratégie de la maintenance est l'ensemble des décisions qui conduisent à définir le portefeuille d'activité de la maintenance et conjointement, à organiser structurellement le système pour y parvenir dans le cadre de la mission impartie (objectif technique, économiques et humains).

I.10.1 La maintenance basée sur la fiabilité (MBF)

I.10.1.1 La fiabilité

La fiabilité est la caractéristique d'un dispositif exprimée par la probabilité que ce dispositif accomplisse une fonction requise dans les conditions d'utilisations et pour une période du temps déterminée .

I.10.1.2 Fonction de répartition et de fiabilité

En fiabilité, la fonction de répartition $F(t)$ représente la probabilité d'avoir au moins une défaillance avant le temps t , la fonction de fiabilité notée $R(t)$, représente la probabilité de fonctionnement sans défaillance pendant la période $[0, t]$.

$$R(t) = 1 - F(t) = P(T > t)$$

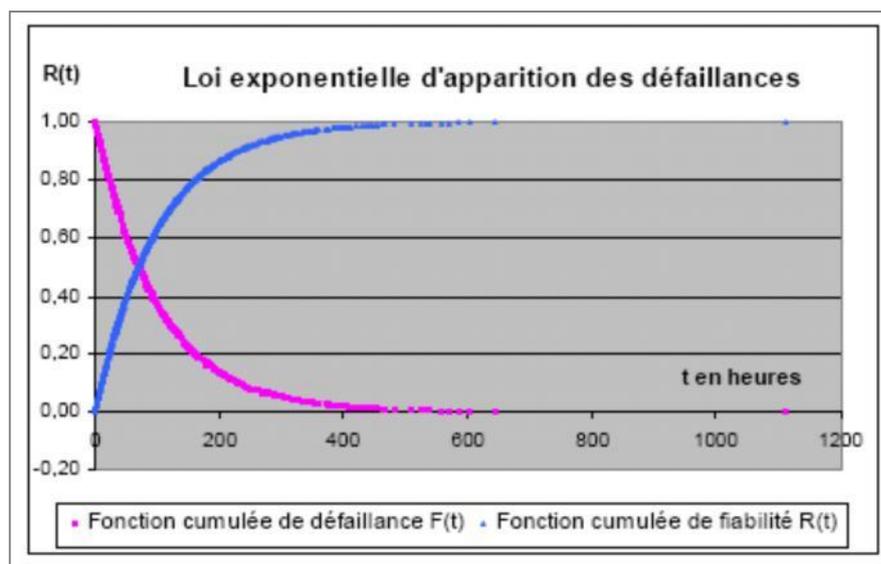


Figure I.7 : Loi exponentielle d'apparition des défaillances

I.10.2 Densité de probabilité

Elle est notée $f(t)$, c'est la fonction dérivée de la fonction $F(t)$,

$$f(t) = \frac{d}{dt} F(t) = - \frac{d}{dt} R(t)$$

Elle représente la probabilité de défaillance d'un élément à l'instant t .

I.10.3 Taux de défaillance

Le taux de défaillance $\lambda(t)$ représente la proportion de dispositifs qui, ayant vécu un temps t , ne sont plus en vie à $t + dt$. Il s'agit de la probabilité conditionnelle suivante :

$$\lambda(t) = \frac{f(t)}{1-F(t)} = \frac{f(t)}{R(t)}$$

Particulièrement importante, cette notion représente statistiquement le nombre de pannes se produisant au cours d'une unité de temps rapporté au nombre d'éléments fonctionnant encore sans défaillance.

L'observation expérimentale montre que l'évolution du taux de défaillance en fonction du temps est en général représentée par la courbe suivante dite "courbe en baignoire".

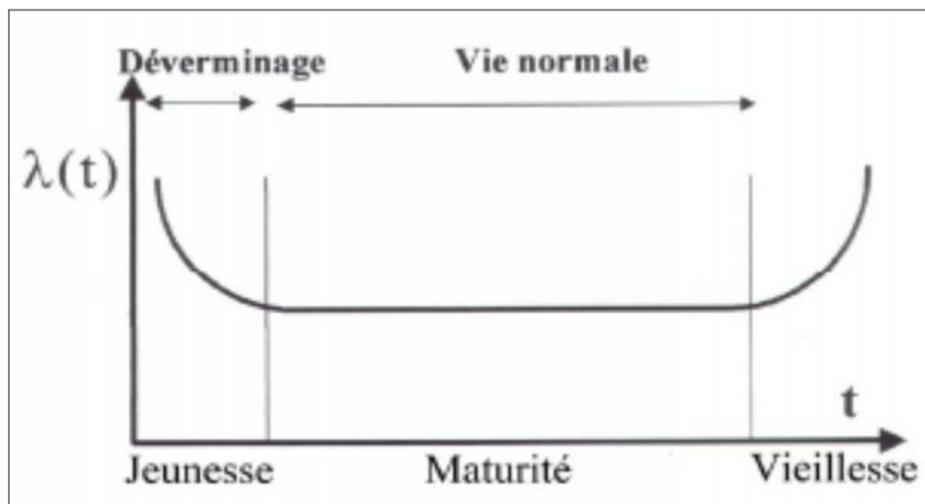


Figure I.8 : Courbe en baignoire

On y distingue trois périodes différentes selon l'âge du matériel :

- ❖ Période de jeunesse (période de défaillance), pendant laquelle le taux de défaillance décroît.
- ❖ Période de vie utile qui correspond à la maturité du matériel durant laquelle les défaillances sont aléatoires et le taux de défaillance sensiblement constant.
- ❖ Période de vieillesse pendant laquelle le taux de défaillance croît.

I.10.4 Analyse la fiabilité par les lois de probabilité

I.10.4.1 Analyse la fiabilité à partir la loi exponentielle

La loi exponentielle est fréquemment utilisée en fiabilité, notamment dans le domaine de l'électronique. Elle est applicable pendant la période de vie utile du dispositif pendant laquelle le taux instantané de défaillance $\lambda(t)=\lambda$ est constant et les défaillances surviennent de façon aléatoire.

Les caractéristiques d'une variable T distribuée suivant une loi exponentielle sont :

- Fonction de répartition : $F(t)=1-R(t)= 1-e^{-\lambda t} \quad t \geq 0$
- Densité de probabilité : $f(t) = \lambda e^{-\lambda t} \quad t \geq 0$
- Fonction de fiabilité : $R(t) = e^{-\lambda t}$
- Espérance mathématique : $E(t) = \lambda(t)$

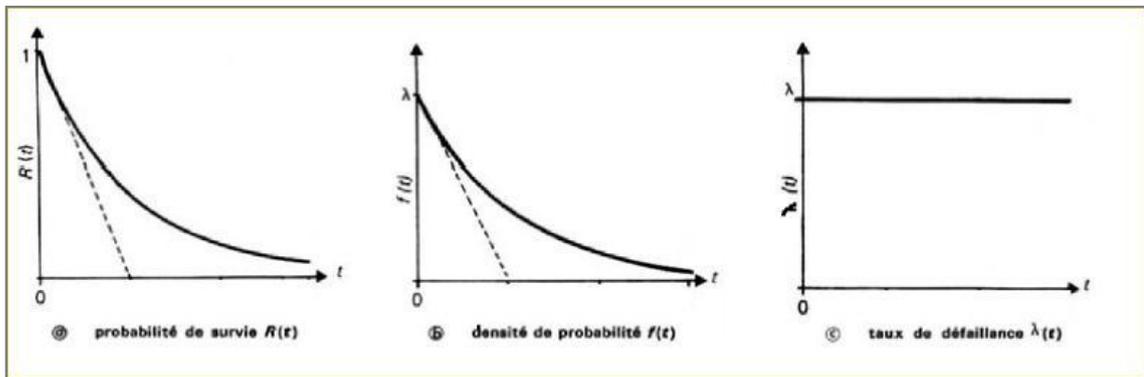


Figure I.9 : Principales propriétés de la distribution exponentielle

I.10.4.2 Analyse de la fiabilité par la loi de Weibull

La loi de Weibull est une loi continue à trois paramètres, utilisée en fiabilité. Elle prend une place plus importante dans le domaine mécanique, d'un emploi très souple, elle couvre un grand nombre de distributions et permet notamment de modéliser alternativement les trois phases de la vie d'un dispositif (figure 5).

Ses trois paramètres sont :

- β : paramètre de forme ($\beta > 0$).
- η : paramètre d'échelle ($\eta > 0$).
- γ : paramètre de position ou d'origine ($-\infty < \gamma < \infty$)

Ses expressions mathématiques avec : $(t - \gamma) > 0$

- **La fonction de fiabilité en fonction de β :**

$$R(t) + F(t) = 1$$

$$R(t) = 1 - F(t)$$

$$R(t) = e^{-\left(\frac{t-\gamma}{\eta}\right)^\beta}$$

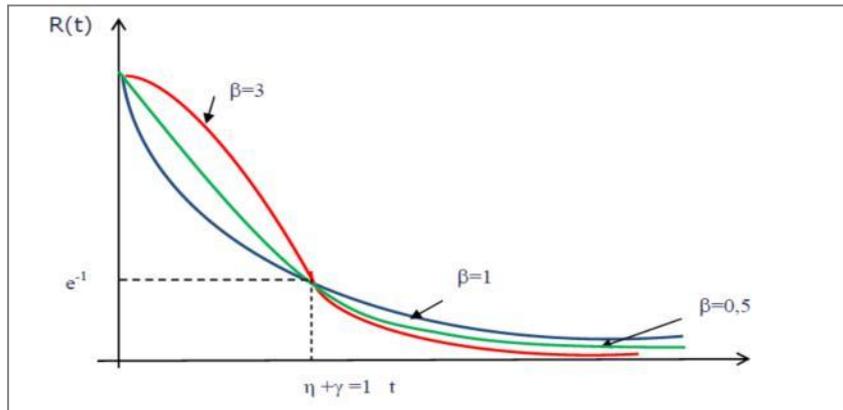


Figure I.10 : Influence du facteur de forme β sur la fiabilité

$R(t)$ est la probabilité de bon fonctionnement à l'instant t .

➤ La fonction de répartition $F(t)$:

$$F(t) = 1 - e^{-\left(\frac{t-\gamma}{\eta}\right)^\beta}$$

➤ La densité de probabilité :

$$f(t) = \frac{\beta}{\eta} \left(\frac{t-\gamma}{\eta}\right)^{\beta-1} e^{-\left(\frac{t-\gamma}{\eta}\right)^\beta}$$

La densité de probabilité $f(t)$ pour une loi de Weibull (figure I.10) est représentée par différentes courbes selon la valeur de facteur de forme β .

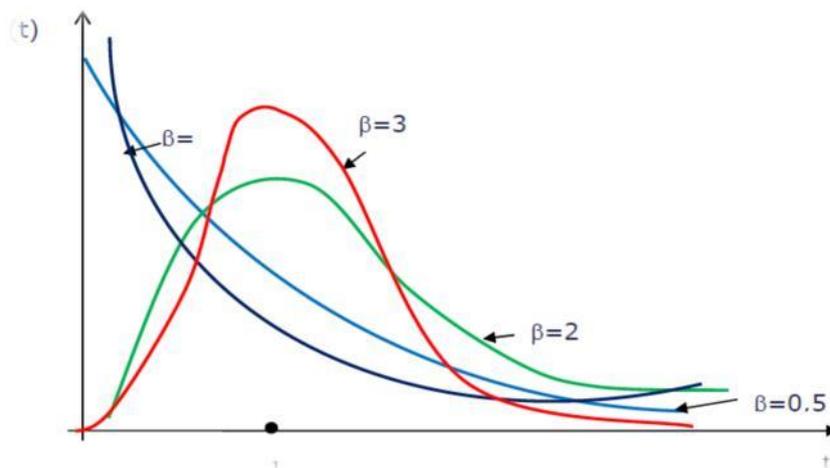


Figure I.11 : Représentation de la fonction de densité pour diverses valeurs de β .

