

Corrigé de la série 2

Exercice 1 :

1. La solution (1) - (2) étant idéal, on a:

$$a_1 = x_1 = \frac{P_1}{P_1^0} \quad \text{soit } P_1 = x_1 P_1^0$$

a_1 est l'activité de (1) dans la solution liquide, l'état de référence étant le corps (1) pur liquide à 137°C.

x_1 est le titre molaire de (1) en phase liquide.

P_1 est la pression partielle de (1) dans la phase gazeuse en équilibre avec la solution à 137°C.

P_1^0 est la tension de vapeur saturante ou pression du vapeur du corps pur (1) à 137°C.

De même: $a_2 = x_2 = \frac{P_2}{P_2^0} \quad \text{soit } P_2 = x_2 P_2^0 = (1 - x_1) P_2^0$

On obtient: $P_T = P_1 + P_2 = x_1(P_1^0 - P_2^0) + P_2^0$

D'où la représentation graphique (les trois expressions sont des droites).

$$x_1 = 0 \quad P_1 = 0 \quad P_2 = P_2^0 = P_T$$

$$x_1 = 1 \quad P_1 = P_1^0 - P_T \quad P_2 = 0$$

2 a. De $P_T = x_1(P_1^0 - P_2^0) + P_2^0$, on tire

$$x_1 = \frac{P_T - P_2^0}{P_1^0 - P_2^0} = \frac{658 - 453}{863 - 453} = 0,74878 \quad (x_2 = 0,25122) \quad \mathbf{b.} \quad y_1 = \frac{P_1}{P_T} \text{ (loi de Dalton)}$$
$$= \frac{x_1 P_1^0}{P_T} = 0,850$$

N. B.: $y_1 > x_1$ Car $P_1^0 > P_2^0$, c'est-à-dire que (1) est plus volatile que (2).

c. $n_1' = n_2'$ entraîne $x_1 = x_2 = 0,5$

et $P_T = 0,5(863 - 453) + 453 = 658 \text{ mmHg}$ (*vougraphe*)

ou en déduit $y_1 \approx 0,6558 (> x_1)$

Exercice 2 :

1/ $h^m = 0$

2/ $s^m = -R(x_1 \ln x_1 + x_2 \ln x_2)$, $x_1 = 3/5 = 0.6$ et $x_2 = 0.4$, $s^m = 5.6 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$

3/ $g^m = RT(x_1 \ln x_1 + x_2 \ln x_2) = -1668.8 \text{ J mol}^{-1}$

Exercice 3 :

1/ $P_1 = P_1^* X_1 = 44.5 * 0.6 = 26.7 \text{ mmHg}$

$P_2 = P_2^* X_2 = 0.4 * 127.2 = 50.88 \text{ mmHg}$

2/ $a_i = \gamma_i X_i$, dans le cas idéal $\gamma_i = 1$ et $a_i = X_i$, donc $a_1 = x_1 = 0.6$ et $a_2 = x_2 = 0.4$

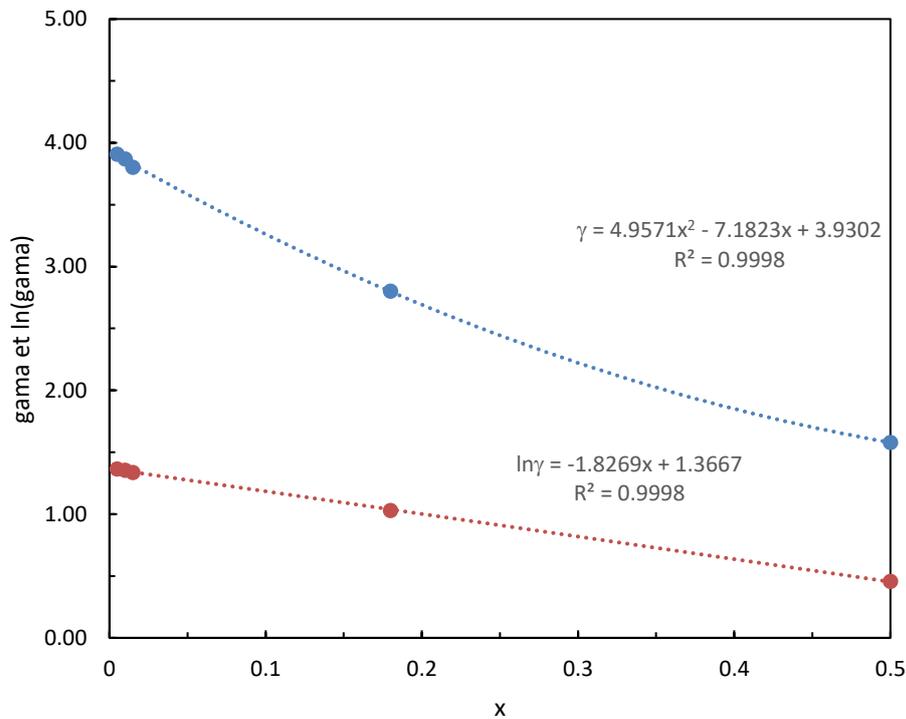
3/ $P_1(\text{exp}) = P_1^* \gamma_1 x_1$ implique $\gamma_1 = P_1(\text{exp}) / P_1^* x_1 = 21 / (44.5 * 0.6) = 0.79$

$P_2(\text{exp}) = P_2^* \gamma_2 x_2$ implique $\gamma_2 = P_2(\text{exp}) / P_2^* x_2 = 55 / (127.2 * 0.4) = 1.08$

Exercice 4 :

$P_{CS2} = P_{CS2}^* \gamma_{CS2} X_{CS2}$ implique que $\gamma_{CS2} = P_{CS2} / P_{CS2}^* X_{CS2}$

XCS2	PCS2	γ_{CS2}	$\ln \gamma_{CS2}$
0.005	10	3.91	1.36
0.01	19.8	3.87	1.35
0.015	29.2	3.80	1.34
0.18	258	2.80	1.03
0.5	404	1.58	0.46



Extrapolation de la courbe de $\ln \gamma_{CS2} = f(X_{CS2})$ à X_{CS2} tend vers zéro.
Et on trouve $\ln \gamma_{CS2} = 1.3667$ implique que $\gamma_{CS2} = 3.92$.