

Examen de remplacement de Chimie 1- Ingénieur-

Question de cours (2 pts)

- Citer les nombres quantiques et les règles principales pour la configuration électronique d'un atome à l'état fondamental.
- Rappeler la règle de stabilité de la sous couche 'd'

Exercice 1 (3 pts)

Le bombardement de l'uranium $^{235}_{92}\text{U}$ par des neutrons conduit à la formation d'un noyau de Barium $^{143}_{56}\text{Ba}$, un noyau de krypton $^{90}_{36}\text{Kr}$ et des neutrons.

- Écrire l'équation complète de cette réaction nucléaire et déduire sa nature.
- Calculer en joule et en eV l'énergie libérée par un noyau d'uranium $^{235}_{92}\text{U}$.

Données: $m(\text{U}) = 235,0439 \text{ uma}$, $m_n = 1.0086 \text{ uma}$, $m(\text{Ba}) = 142.9229 \text{ uma}$, $m(\text{Kr}) = 89,9197$.

Exercice 2 (4pts)

Trois isotopes de Magnésium ^{24}Mg , ^{25}Mg et ^{26}Mg , avec leur masse atomique de 23,9850 uma et 24,9858 uma et 25,9825uma, respectivement sont analysé à l'aide d'un spectrographe de Bainbridge. Les ions monoatomiques, porteurs de deux charges élémentaires (Mg^{2+}), pénètrent dans un analyseur par une fonte **F** avec une vitesse **V**, où ils sont soumis à l'action d'un champ magnétique de **1 Tesla**. On observe sur le détecteur d'une plaque photographique trois tâches **T₁**, **T₂** et **T₃** séparée par une distance **d**, dont les caractéristiques sont résumées dans le tableau suivant :

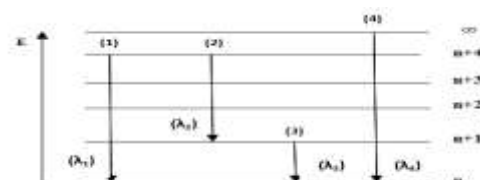
Numéro de la tâche	T1	T2	T3
Distance entre F et la tâche (cm) (diamètre D)	2,5	2,6	2,7

Déterminer :

- Le nombre d'isotopes du magnésium naturel en justifiant votre réponse.
- La relation de la vitesse en fonction de la distance d. En déduire sa valeur.
- L'abondance relative des isotopes ^{24}Mg et ^{25}Mg sachant que : $m_{\text{Moyenne}} = 24,305 \text{ uma}$ et l'abondance relative de ^{26}Mg égale 11%.

Exercice 3 (4 pts)

On donne pour l'atome d'hydrogène, le diagramme énergétique suivant :



- Calculer les énergies ΔE (en joules) des transitions (1) et (2) sachant que les longueurs d'ondes correspondantes sont: $\lambda_1 = 409 \text{ nm}$ et $\lambda_2 = 1091 \text{ nm}$.
- Déterminer la longueur d'onde relative à la troisième transition (λ_3) correspond à la première raie de la série de **Balmer**. En déduire la valeur de (**n**).
- Déduire la valeur de la longueur d'onde (λ_4) ainsi que l'énergie d'ionisation (en eV) de l'atome d'hydrogène.

Données : $h : 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$ $R_H = 1,1 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$

Exercice 4 (7 pts)

- Ecrire les configurations électroniques des éléments suivants : $_{11}\text{Na}$, $_{19}\text{K}$, $_{20}\text{Ca}$ et $_{24}\text{Cr}$.
 - Situer ces atomes dans le tableau périodique (période, groupes, colonne et famille).
 - L'élément X appartient à la même famille que $_{19}\text{K}$ et à la même période que $_{12}\text{Mg}$. Donner le numéro atomique de Z.
- En appliquant la méthode de Slater, déterminer l'énergie totale de l'atome de sodium (Na, Z = 11).

électron j/électron i	1s	2s 2p	3s 3p	3d
1s	0,30			
2s 2p	0,85	0,35		
3s 3p	1	0,85	0,35	
3d	1	1	1	0,35

Corrigé de l'Examen de remplacement de Chimie 1- Ingénieur-

Questions de cours (2 pts)

a. Nombres quantiques et règles principales

1. Nombres quantiques :

n : couche (1, 2, 3...)**.0.25**

l : sous-couche (s, p, d, f), et $0 \leq l \leq n-1$ **0.25**

m : orbitale $-l \leq m \leq +l$ **0.25**

s : spin (+1/2↑ ou -1/2 ↓)**.0.25**

2. Règles principales

- **Principe KELECHOWSKI**: L'ordre de remplissage des orbitales se fait suivant les valeurs croissantes de $n + l$. A égalité, on remplit les orbitales du n le plus faible en premier **0.25**

- **Règle de Hund** : on place d'abord un électron par orbitale, spins parallèles.**0.25**

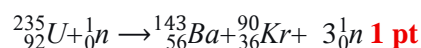
- **Principe de Pauli** : maximum 2 électrons par orbitale, spins opposés.**0.25**

b. Règle de stabilité de la sous-couche 'd'

Les configurations d^5 (demi-pleine) et d^5 (pleine) sont plus stables.**0.25**

Exercice 1 (2,5 pts)

1.1 Équation complète de la réaction nucléaire



Nature de la réaction : C'est une réaction de fission nucléaire.**0.25pts**

1. Calcul de l'énergie libérée

$$\Delta E = [(m({}_{56}^{143}\text{Ba}) + m({}_{36}^{90}\text{Kr}) + 3m_n) - (m({}_{92}^{235}\text{U}) + m_n)] C^2 \quad \mathbf{0.25}$$

$$\Delta m = [235.04392 - 142.922953 - 89.9197 - 2 \times 1.00866] = 0.183947 \text{ uma} \quad \mathbf{0.25}$$

$$\Delta m = 0.1860161 \times 1.66 \cdot 10^{-27} = 3.053 \cdot 10^{-28} \text{ Kg} \quad \mathbf{0.25}$$

$$\Delta E = 3.053 \cdot 10^{-28} \times (3 \cdot 10^8)^2$$

$$\Delta E = 2,7410^{-11} \text{ J} \quad \mathbf{0.25}$$

$$\Delta E = \frac{2,74 \times 10^{-11}}{1.6 \cdot 10^{-19}}$$

$$\Delta E = 1,71 \cdot 10^8 \text{ eV} \quad \mathbf{0.25}$$

Exercice 2 (4pts)

1. Le nombre d'isotopes du magnésium naturel :

Est trois isotopes. **0.25** Justification : l'expérience montre que trois tâches. **0.25**

2. Relation vitesse en fonction de la distance d :

La trajectoire des ions dans l'analyseur étant circulaire, on peut écrire :

$$\vec{F}_m = F_c \Rightarrow m \frac{v^2}{R} = qvB \quad \mathbf{0.25}$$

Les ions $^{24}\text{Mg}^{+2}$ de masse atomique $m_1=23,9850$ uma et de charge $q=2e$, décrivent une circonférence de rayon: $R_1 = \frac{m_1 v}{qB}$

Les ions $^{25}\text{Mg}^{+2}$ de masse atomique $m_2=24,9858$ uma et de charge $q=2e$, décrivent une circonférence de rayon; $R_2 = \frac{m_2 v}{qB}$

$$R_2 - R_1 = \frac{d}{2} \Rightarrow \frac{d}{2} = \frac{m_1 v}{qB} - \frac{m_2 v}{qB} \Rightarrow \frac{d}{2} = \frac{v}{qB} (m_2 - m_1) \quad \mathbf{0.25}$$

$$v = \frac{d q B}{2(m_2 - m_1)} \quad \mathbf{0.5}$$

$$d = 2(R_2 - R_1) = D_2 - D_1 = 2.6 - 2.5 = 0,1 \text{ cm} \quad \mathbf{0.25}$$

$$v = \frac{0,1 \cdot 10^{-2} \cdot 2 \cdot (1.6 \cdot 10^{-19}) \cdot 1}{2 \cdot (24,98588 - 23,9850) \cdot 1.67 \cdot 10^{-27}} = 9.57 \cdot 10^4 \text{ m/s} \quad \mathbf{0.5}$$

3. L'abondance relative de chaque isotope

Soit ; x la fraction de ^{24}Mg

$$\text{Nous avons : } M = (\sum x_i M_i) / 100 \quad \mathbf{0.25} \quad (1)$$

y la fraction de ^{25}Mg

Et z la fraction de ^{26}Mg

$$x + y + z = 100 \quad \mathbf{0.25}$$

$$M_{\text{Moyenne}} = 24,305 \text{ u.m.a}$$

Donc :

$$\frac{x \cdot 23,9850 + y \cdot 24,9858 + z \cdot 25,9825}{100} = 24,305 \quad (1) \text{ Et si } x = 100 - y - z = 89 - y \quad (2)$$

On remplace (2) dans (1) :

$$23,9850(89 - y) + 24,9858y + 11 \times 25,9825 = 24,305 \times 100 \quad \mathbf{0.25}$$

$$-23,9850y + 2134,665 + 24,9858y = 2430,5 - 285,8075$$

$$-1,0008y = -10,02$$

$$y = 10,02 \% \text{ et } x = 87,98\%$$

$$\text{Donc l'abondances : } ^{24}\text{Mg} = 87,98\% \quad \mathbf{0.25} \quad ^{25}\text{Mg} = 10,02 \% \quad \mathbf{0.25}$$

Exercice 3 (4pts)

2. Énergies ΔE_1 et ΔE_2 en joules

$$\Delta E = \frac{hc}{\lambda} \mathbf{0.25}$$

$$\Delta E_1 = \frac{6,62 \times 10^{-34} (3 \times 10^8)}{4,09 \times 10^{-7}}$$

$$\Delta E_1 = \mathbf{4.857 \cdot 10^{-19} \text{ J} \mathbf{0.5pts}}$$

$$\Delta E_2 = \frac{6,62 \times 10^{-34} (3 \times 10^8)}{1,091 \times 10^{-6}}$$

$$\Delta E_2 = \mathbf{1.820 \cdot 10^{-19} \text{ J} \mathbf{0.5pts}}$$

2. Déterminer λ_3

$$\lambda_3 = \frac{1}{R_H} \left(\frac{1}{\frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2}} \right) \mathbf{0.25pts}$$

$$\lambda_3 = \frac{1}{1,1 \cdot 10^7} \left(\frac{1}{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2}} \right) = 6,54 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 654,54 \text{ nm}$$

$$\lambda_3 = \mathbf{654,54 \text{ nm} \mathbf{0.5pts}}$$

3. En déduire la valeur de n

1^{ère} raie de la série de Balmer : transitions de $n_i = 3$ vers $n_f = 2$ **0,5pts**

3. Calcul de λ_4 et énergie d'ionisation

λ_4 : transition du niveau inférieur de la série de Balmer ($n=2$), donc la transition λ_4 est la limite de Balmer ($n \rightarrow \infty$ vers $n=2$) :

$$\lambda_4 = \frac{1}{R_H} \left(\frac{1}{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{\infty^2}} \right) \mathbf{0,25pts} = \mathbf{3,636 \cdot 10^{-7} \text{ m}}$$

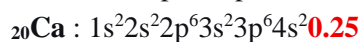
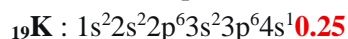
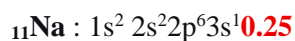
$$\lambda_4 = \mathbf{363,63 \text{ nm} \mathbf{0.5pts}}$$

Énergie d'ionisation de l'atome H : $E_i = E_\infty - E_1$ **0.5 pts**

$$E_i = 0 - \left(-\frac{13,6}{1^2} \right) = 13,6 \text{ eV} \mathbf{0.25pts}$$

Exercice 4 (7,5 pts)

1. Configurations électroniques



$_{24}\text{Cr} : 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^5 4s^1$ Cas particulier (règle de Hund, demi-stabilité) En effet, la configuration $3d^5 4s^1$ est plus stable que $3d^4 4s^2$ car sa sous-couche d^5 est demi-remplie. **0.25**

2. Situer ces atomes dans le tableau périodique (période, groupes, colonne et famille).

Éléments	Période	Groupe	Colonne	Famille
$_{11}\text{Na}$	3 0.25	I_A 0.25	1 0.25	Métaux alcalins 0.25
$_{19}\text{K}$	4 0.25	I_A 0.25	1 0.25	Métaux alcalins 0.25
$_{20}\text{Ca}$	4 0.25	II_A 0.25	2 0.25	Métaux alcalino-terreux 0.25
$_{24}\text{Cr}$	4 0.25	VI_B 0.25	6 0.25	Métaux de transition 0.25

3. La configuration électronique et son numéro atomique de X appartient à la même famille que $_{19}\text{K}$ et à la même période que $_{12}\text{Mg}$:

Même famille que $_{19}\text{K} \rightarrow$ Groupe I_A (alcalins).

Même période que $_{12}\text{Mg} \rightarrow$ Période 3.

La configuration électronique de X : $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1 \rightarrow$ c'est Na (Z=11) **0.25**.

II. l'énergie totale de l'atome de sodium (Na, Z = 11), en appliquant la méthode de Slater :

$$E_{\text{tot}} = \sum E_i \Rightarrow E_{\text{tot}} = 2 \times E_{1s} + 8 \times E_{2s2p} + 1 \times E_{3s} \quad \mathbf{0.25}$$

$$E = -13,6 \frac{(Z^*)^2}{n^{*2}} \text{ eV} \quad \mathbf{0.25}$$

Calcul de Z*

- Pour l'électron $3s^1$

$$\sigma = 0 \times 0,35 + 8 \times 0,85 + 2 \times 1 = 8,8$$

$$Z^* = Z - \sigma = 11 - 8,8 = 2,2 \quad \mathbf{0.25}$$

- Pour un électron $2s2p$

$$Z^* = Z - \Sigma \sigma$$

$$\text{Ecran total } \sigma = 7 \times 0,35 + 2 \times 0,85 = 2,45 + 1,70 = 4,15$$

$$Z^* = 11 - 4,15 = 6,85 \quad \mathbf{0.25}$$

- Pour électron 1s:

$$\sigma = 0.30$$

$$Z^* = 11 - 0.30 = 10.70 \quad \mathbf{0.25}$$

Énergie totale de l'atome selon Slater

$$E_{\text{tot}} = \sum E_i \quad \Rightarrow E_{\text{tot}} = 2 \times E_{1s} + 8 \times E_{2s,2p} + 1 \times E_{3s}$$

$$E = -13,6 \frac{(Z^*)^2}{n^{*2}} \text{ eV}$$

$$E_{1s} = -13,6 \frac{(10,7)^2}{1^2} = -1557.064 \text{ eV} \quad \mathbf{0.25}$$

$$E_{2s,2p} = -13,6 \frac{(6,85)^2}{2^2} = -159.53 \text{ eV} \quad \mathbf{0.25}$$

$$E_{3s} = -13,6 \frac{(2,2)^2}{3^2} = -7.31 \text{ eV} \quad \mathbf{0.25}$$

$$E_{\text{tot}} = 2 \times (-1557.064) + 8 \times (-159.53) + 1 \times (-7.31) = -3114.134 - 1276.24 - 7.31 = -4397.678 \text{ eV}$$

$$E_{\text{tot}} = -4397.678 \text{ eV} \quad \mathbf{0.25}$$