

**Interrogation écrite N° 2 (7.5Pts)**

**Sujet 1**

Un point matériel  $M$ , se déplaçant dans le plan  $(Oxy)$ , est repéré par ses coordonnées cartésiennes:

$$x(t) = t^2 - 1, \quad y(t) = 2t$$

1. Représenter sur le repère cartésien  $\mathcal{R}(Oxy)$  orthonormé de base  $(\vec{i}, \vec{j})$  le vecteur de position  $\overline{OM}$  à  $t_1=1s$  et à  $t_2=2s$ .
2. Trouver l'équation de la trajectoire du mobile  $M$ , puis déterminer sa nature (nature de la trajectoire).
3. Déterminer les composantes des vecteurs vitesse  $\vec{v}$  et accélération  $\vec{a}$  (donner leurs modules).
4. Déterminer l'expression de l'accélération tangentielle  $a_t$ .
5. Trouver l'expression de l'accélération normale  $a_n$ .
6. Déduire le rayon de courbure  $\rho_c$  de la trajectoire en fonction du temps.

**Réponses**

Nom : ...../Prénom : ...../Groupe : .....

1- Représentation de vecteur  $\overline{OM}$  :

$$\overline{OM}(t = 1s) = \frac{1}{2}\vec{j}$$

$$\overline{OM}(t = 2s) = \vec{i} + 2\vec{j}$$

2- L'équation de la trajectoire :

Le vecteur position:

$$\overline{OM} = \begin{cases} x = t - 1 & (1) \\ y = \frac{t^2}{2} & (2) \end{cases}$$

de (1):  $t = x + 1$  on remplace dans (2) :

$$y = \frac{(x + 1)^2}{2}$$

La trajectoire est une parabole.

3- Les composantes des vecteurs vitesse et accélération, ainsi que leurs modules :

**Vecteur vitesse :**

$$\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt} = \begin{cases} v_x = 1 \\ v_y = t \end{cases} \Rightarrow \vec{v} = \vec{i} + t.\vec{j} \Rightarrow \|\vec{v}\| = \sqrt{1 + t^2}$$

**Vecteur accélération:**

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = 1 \end{cases} \Rightarrow \vec{a} = \vec{j} \Rightarrow \|\vec{a}\| = 1$$

---

4- L'accélération tangentielle :

5- L'accélération normale :

6- Le rayon de courbure :