

## TP I

## INITIATION au logiciel MATLAB

---

Ce TP a pour but d'apprendre à utiliser le logiciel Matlab afin de pouvoir développer des applications simples en traitement du signal.

**Créer d'abord un répertoire portant votre nom sous la directorie work pour y développer vos programmes :** `>>mkdir « votre nom » puis >>cd « votre nom »`.

### I- Manipulation des variables

On distingue les variables scalaires et les variables vectorielles (matricielles en général).

#### 1- Variables scalaires

Dans un premier temps on génère trois variables scalaires a, b et c de la manière suivante :

```
>> a=2 ;  
>> b=3;  
>> c=4 ;
```

On peut consulter la valeur d'une variable en entrant son nom :

```
>> a
```

La réponse serait :

```
a=  
    2
```

Cela signifie que les valeurs des variables sont mémorisées automatiquement avec leurs noms.

#### 2- Taille des variables dans la mémoire

La taille d'un scalaire de type « double » est **8 Bytes = 8 Octets = 64 Bits**

#### 3- Commandes de base :

- **who** et **whos** :  
Affiche la *taille mémoire* et *types* de toutes les variables utilisées.
- **cd** :  
Affiche le répertoire (directorie) où vous opérez en ce moment.
- **what, dir** :  
Affiche la liste les *noms* des fichiers contenus dans le répertoire actuel.
- **help nom\_fonction** :  
Donne un descriptif de la fonction et ses arguments d'entrée sortie.

#### 4- Opérations sur les variables

```
>>d=a+b+c  
>>e=a+b*c  
>>f=(a+b)*c
```

```
>>g=(a/b)*c  
>>h=a^2
```

## 5- Les matrices et les variables vectorielles

Matlab est optimisé pour l'usage matriciel : Eviter les formulations non matricielles.

- **[ a b c ]** est un vecteur ligne.
- **[a ;b ;c ;]** est un vecteur colonne.
- **V'** est le transposé du vecteur **V**
- **u=1:5** est le vecteur [1 2 3 4 5] (de même que [1 :5] et (1 :5)).
- **t=0 :2 :15** est le vecteur [0 2 4 6 8 10 12 14]
- **sin(t)** est le vecteur [sin(0) sin(2) ...sin(14)]
- **zeros(1,N)** est le vecteur ligne nul à N éléments.
- **Ones(1,N)** est le vecteur ligne à N éléments égaux à 1.

## 6- Opérations sur les vecteurs

- Il faut respecter les dimensions des vecteurs et matrices.

Génération automatique d'un vecteur

```
V=début:pas:fin;
```

- On définit une valeur de début : *début*
- On définit une valeur de fin : *fin*
- On définit un pas de progression linéaire ou logarithmique (incrémentation) : *pas* ;
- si le pas n'est pas spécifié, il est égal à 1 automatiquement.

```
>>v3=1:10
```

```
>>v4=1:-0.5:-1
```

```
>>debut=0;fin=256;pas=8;
```

```
>>v5=debut:pas:fin
```

```
>>debut=0;fin=2*pi;pas=0.1;    où pi désigne le nombre 3.14...
```

```
>>v5=debut:pas:fin
```

Une liste des fonctions les plus courantes est disponible dans l'aide en ligne en tapant la commande (elfun désigne elementary functions : sin, cos, log, exp...)

```
>>help elfun
```

## 7- Les matrices

Saisir la matrice 3x3 suivante :

```
a=[1 2 3 ;4 5 6 ;7 8 9]
```

Noter que deux lignes sont séparées par un point virgule.

Si vous entrez la commande **a(:)** vous obtenez le vecteur *colonne* [1 4 7 2 5 8 3 6 9]'.

La fonction **eig** donne les valeurs propres de la matrice a.

**zeros(N)** est la matrice nulle  $N \times N$ , **eye(N)** est la matrice identité  $N \times N$ .

## II- ROGRAMMATION

### 1-LES SCRIPTS

Plutôt que de taper les commandes au clavier les unes après les autres pour effectuer une tâche, ce qui vous oblige à refaire la même chose à chaque utilisation de cette tâche, il est préférable de grouper les commandes dans un fichier à extension **.m**, ainsi tous les programmes auront pour nom **name.m**. Il suffit alors de taper **name** pour que la tâche s'exécute.

#### Exemple 1 :

Créez un fichier qui s'appelle **essai1.m**, qui génère un signal sinusoïdal  $x(t)$  de  $n$  points, puis visualisez le à l'aide de la commande **plot(x)**.

- Etape 1 : édition du fichier par la commande : `edit essai1.m`
- Etape 2 : taper les commandes suivantes dans la fenêtre d'édition :

*%ce fichier génère et affiche une sinusoïde*

```
t=0:0.1:2*pi;    % t est le vecteur temps avec un pas d'échantillonnage 0.1  
x=sin(t);        % le signal x est un vecteur de même taille que le vecteur t
```

```
plot(t,x);grid on % dessine à l'écran x en fonction de t
```

*Remarques :*

1- Le texte débutant par % est un commentaire de votre choix, il est ignoré par le logiciel. Vous pouvez supprimer ces commentaires, mais ils sont utiles lorsqu'on a plusieurs programmes.

2- Chaque instruction doit être suivie d'un point virgule.

- Etape 3 : Sauvegardez le fichier dans le répertoire en cours ;
- Etape 4 : Exécutez le programme en entrant la commande suivante :

```
>>essai1
```

### 2- Utilitaires graphiques

- L'instruction **title('titre de la courbe ou la figure')** ajoute un titre à la figure visualisée.
- **xlabel('titre des abscisses')** affiche un titre horizontal suivant x.
- **ylabel('titre des ordonnés')** affiche un titre vertical suivant y.
- **grid on** et **grid off** quadrille ou non le graphique.

#### Exemple 2 :

Générez, à l'aide d'un programme **prog1.m**, deux périodes des deux signaux  $x(t)=\cos(t)$  et  $y(t)=\sin(t)$  et visualisez les deux signaux sur une même figure, l'une en rouge et l'autre en bleu à l'aide de la fonction **plot(t,x,'b',t,y,'r')**. Mettre une légende.

### Exemple 3 :

Visualisez sur une *même figure*, à l'aide d'un programme **prog2.m**, les quatre signaux **cos(t)**, **sin(t)**, **log10(t)** et **exp(t)** en utilisant la fonction **subplot(.,.,.)** qui divise l'écran en quatre sous figures : (2,2,1), (2,2,2), (2,2,3) et (2,2,4).

```
>>subplot(2,2,1),plot(t,x);
```

### Saisie d'une donnée au clavier :

Pour saisir une variable x à partir du clavier, on utilise l'instruction :

```
x=input('x=');
```

### Affichage d'un message à l'écran :

Pour afficher à l'écran un message personnel suivi d'un retour à la ligne :

```
fprintf('message personnel\n');
```

### Affichage de la valeur d'une variable :

Pour afficher à l'écran la valeur d'une variable x :

```
fprintf('x=%d');
```

## III- LES FONCTIONS

Si plusieurs de vos programmes personnels utilisent en commun une liste d'instructions, il est préférable de regrouper ces instructions sous forme d'un programme indépendant. A chaque besoin on appelle le dit programme par son nom : c'est une fonction.

Une fonction possède des paramètres d'entrée et des paramètres de sortie, dont la syntaxe de déclaration est la suivante :

```
function [sortie1,sortie2,...]=nom_fonction(entrée1,entrée2,...)
```

Le programme matlab correspondant à la fonction doit porter le même nom que la fonction : **nom\_fonction.m**

### Exemple 1 :

Calcul de la moyenne arithmétique m d'un vecteur v de dimension n :

$$m = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n v(i)$$

La fonction **moyenne.m** comportera les instructions suivantes :

```
function resultat=moyenne(v,n); %déclaration de la fonction
```

```
r=0; %initialisation de la moyenne
```

```
for
```

```
    k=1:n    r=r+v(k);
```

```
end
```

```
    resultat=r/n;
```

On note la présence de la boucle itérative :

**for indice=debut:pas:fin**

**instruction ;**

**end**

Qui est équivalente à :

indice=debut ;

(B) instruction;

debut=debut+pas;

si debut≤fin aller à B;

Mise en œuvre de la fonction

**>>moyenne(1:100,100)**

Comparer avec la fonction matlab **mean**.

**Exemple 2 :**

Créez une fonction **puissance.m** qui donne la valeur efficace **s** et la puissance moyenne **p** d'un signal.

x étant un vecteur de composantes x(i) , i=1..n, la valeur efficace de x est :

$$s = \sqrt{p} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x^2(i)}$$

Testez cette fonction sur un signal sinusoïdal d'amplitude A et de période 1.

Comparer avec la fonction matlab **std**.

**Exemple 3 : Diagramme de bode.**

- 1- Créez une fonction **spectre(f,H)** qui affiche à l'écran le spectre d'amplitude **20log|H(f)|** et le spectre de phase **Arg(H(f))** en fonction de **f** en Hertz avec indication du titre de chaque courbe ; Les paramètres d'entrée sont le vecteur fréquence **f=0:f<sub>max</sub>** et le vecteur complexe **H**.

Fonctions conseillées :**abs(x),angle(x)** et **log10(x)**.

- 2- Utilisez la fonction **spectre** dans un programme indépendant **myfilter.m** pour tracer les diagrammes de Bode des filtres passe bas et passe haut dont les fonctions de transferts sont définies par :

$$H_1(f) = \frac{1}{1 + j \cdot \frac{f}{f_c}}, \quad H_2(f) = \frac{j \cdot \frac{f}{f_c}}{1 + j \cdot \frac{f}{f_c}}$$

**f<sub>c</sub>** étant la fréquence de coupure demandée par le programme et fournie par l'utilisateur à l'exécution.

**Exemple 4 : vitesse de convergence d'une série**

Considérons la série en N suivante (qui converge vers exponentiel de x) :

$$s(x, N) = \sum_{k=0}^N \frac{x^k}{k!}$$

Réaliser :

- Une fonction **factoriel(n)** qui calcule le factoriel d'un entier naturel.
- Une fonction **somme(x,n)** qui calcule s(x,n).
- Un programme **prog3.m** qui calcule la valeur de l'exponentiel de 2 avec une précision (incertitude relative) supérieure à 95% (incertitude inférieure à 5%).

## PARTIE THEORIQUE

1. En utilisant  $e^{j.n\alpha} = [e^{j.\alpha}]^n$ , Trouver les expressions de  $\cos(n\alpha)$  et  $\sin(n\alpha)$  pour  $n=2$  et  $n=3$ .
2. De même retrouver les expressions de  $\cos(\alpha+\beta)$  et  $\sin(\alpha+\beta)$ .
3. Calculer la somme  $\sum_{n=1}^{\infty} s(n)$ , avec  $s(n) = \frac{1}{2^n} + j\frac{1}{3^n}$
4. Même question pour  $s(n) = (\frac{j}{3})^n$
5. Trouver les complexes z tels que :  $\bar{z}^N = z^{-N}$
6. trouver les racines cubiques de 1.
7. Calculer le produit infini  $\prod_{n=1}^{\infty} e^{j\pi/2^n}$
8. Calculer  $I_n = \int_0^{\pi/2} \sin^n(x)dx$  et  $J_n = \int_0^{\pi/2} \cos^n(x)dx$

---

Le compte rendu de la séance doit être rédigé sur la feuille qui vous est fournie et doit contenir en plus de la partie théorique :

Un listing des programmes :

prog1.m  
prog2.m  
puissance.m  
spectre(f,H)  
myfilter.m  
factoriel(n)  
somme(x,n)  
prog3.m