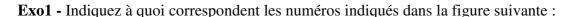
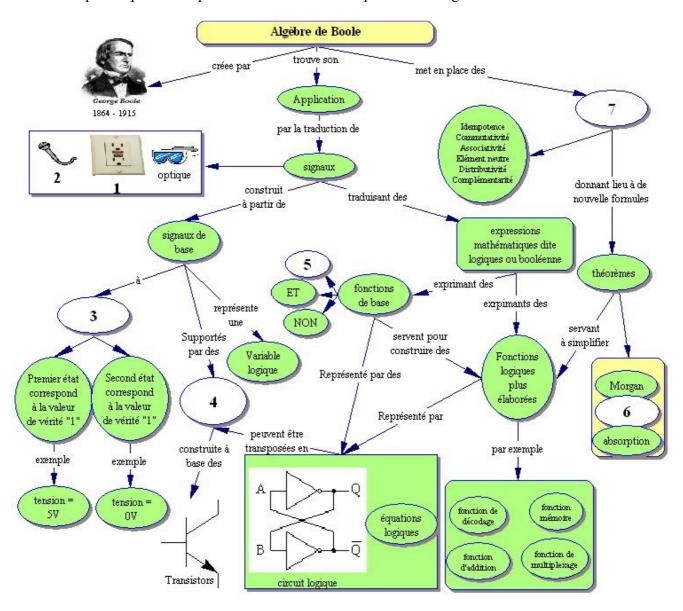
googleCours de Structure machine (1^{ere} année MI) Série de TD $N^{\circ}2$





Exo2 - Déduire, en utilisant le principe de dualité, une formule à partir de la suivante : $(x + y)(x + \bar{x}) = \bar{x}\bar{y}$

Exo3 - Démontrer, en utilisant la table de vérité, le théorème de Morgan appliqué à une fonction à 2 variables

Exo4 - Trouver l'équation de la fonction définie par la table de vérité suivante : $F(x,y,z) = \sum_{i=0}^{7} v_i m_i$ avec m_i : les mintermes et v_i les valeurs de vérité de F correspondant à chaque terme m_i .

| m_i | X | y | Z | F(x,y,z) |
|-------|---|---|---|----------|
| m_0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| m_I | 0 | 0 | 1 | 1 |
| m_2 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| m_3 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| m_4 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| m_5 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| m_6 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| m_7 | 1 | 1 | 1 | 0 |

Exo5 - Donner la table de vérité des fonctions suivantes : $F_1(x,y) = \bar{x}\bar{y} + xy$ et $F_2(x,y) = \bar{y} + x$

Exo6 - Dire si les fonctions suivantes sont dans leur forme canonique :

$$F_1(x,y) = \overline{x}.\overline{y} + x.y$$

$$F_2(x,y,z) = \overline{y} + x$$

- Exo9 Montrer que l'opérateur NOR constitue un système logique complet minimisé.
- **Exo10** Déterminer le complément de l'expression : $A + \bar{B}C$
- Exo11 Simplifier au maximum les expressions logiques suivantes :

(a):
$$\bar{x}y + xy$$

(b):
$$(x + y)(x + \bar{y})$$

(c):
$$x(x+y)$$

(d):
$$\overline{x + xyz} + (x + xyz)t$$

Exo12 - Soit la fonction $f(x, y, z) = xz + \bar{x}t$

Exprimer f(x, y, z) en ne se servant que de l'opérateur NAND.

Indication : Utilisez le symbole \(^1\) pour représenter l'opérateur NAND.

Exemple : $(\overline{x+x}) = (x \uparrow y)$.

Exo13 - Soit la fonction suivante : $f(x, y, z) = x + \overline{xy} + \overline{xy} + yz$

- A Exprimer cette fonction sous une forme canonique disjonctive
- B Etablir sa table de vérité
- C Simplifier la fonction F par la méthode de Karnaugh

Exo14 - Soit la fonction $f(x, y, z) = \overline{xz + \overline{x}y}$

- A Donner la forme canonique disjonctive de f(x,y,z)
- B Déduire la forme canonique conjonctive de f(x,y,z)

Exo15 - Compléter la table de Karnaugh suivante et donner la fonction simplifiée qui en découle

| | X | | | | | | | | | | |
|-----|---|---|---|--|---|--|---|---|--|--|--|
| | 0 | | | | 1 | | | | | | |
| y z | | | | | | | | | | | |
| tu | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | |
| | | 1 | 1 | | | | 1 | | | | |
| | | | 1 | | | | | | | | |
| | 1 | | | | | | | 1 | | | |