

**Indication : Les calculatrices sont strictement interdites**

**Exercice 1 : Systèmes de numération sur 3.5 points**

**Q1** – Conversion : base 10 vers base 2 (sur 0.5 point)

$$(13,2)_{10} = ( \mathbf{1101,001} )_2$$

**Q5**– Conversion : base 2 vers base 8 (sur 0.5 point)

$$(1\ 101\ 101,110\ 1)_2 = ( \mathbf{155,64} )_8$$

**Q2** – Conversion : base 2 vers base 10 (sur 0.5 point)

$$(11010,101)_2 = ( \mathbf{26,625} )_{10}$$

**Q6** – Base (sur 1 point) : Trouver la base « b » respectant l'égalité suivante :  $(101)_b = (12)_8$

$$(101)_b = 1xb^2 + 0xb + 1 = b^2 + 1$$

$$(12)_8 = 1x8^1 + 2x8^0 = (10)_{10}$$

**Donc :  $b^2 + 1 = 10$**

**Ce qui donne  $b = \pm 3$**

**or une base ne peut qu'être positive,**

donc la base b recherchée est 3

**Q3** – Conversion : base 3 vers base 5 (sur 0.5 point)

$$(121)_3 = ( \mathbf{31} )_5$$

**Q4** – Conversion : base 16 vers base 2 (sur 0.5 point)

$$(F1,A)_{16} = ( \mathbf{1111\ 0001\ ,\ 1010} )_2$$

**Exercice 2 : Codage de l'information (sur 7.5 points)**

**Q7 (1.5 point) : Codage ASCII**

Soit la portion de la table ASCII sur 8 bits suivante :  $\longrightarrow$

Code en Décimale	Symbole ASCII						
...	...	71	G	78	N	85	U
65	A	72	H	79	O	86	V
66	B	73	I	80	P	87	W
67	C	74	J	81	Q	88	X
68	D	75	K	82	R	89	Y
69	E	76	L	83	S	90	Z
70	F	77	M	84	T	...	...

**Décoder le message caché** dans la suite de bits suivantes :  $(0100\ 0010\ 0100\ 0001\ 0100\ 0011)_2$

Indication : Remarquez que la suite de bits que je vous ai donné est du binaire alors que dans le tableau vous avez du décimal. A vous donc de faire les bonnes conversions en allant du binaire jusqu'au codage ASCII afin de trouver le message caché.

Indiquez ici le message que vous avez trouvé : **BAC**

Binaire	0100 0010 0100 0001 0100 0011					
	0100	0010	0100	0001	0100	0011
Hexadécimal	4	2	4	1	4	3
Décimale	66	65	67			
Symbole	B	A	C			

0.5 pt

0.5 pt

0.5 pt

**Q8 (0.5 point) : Codage des images**

Parmi les codages d'images suivants, indiquez (**encercler**) celui qui est le **sans** compression :

JPEG

GIF

**BMP**

TIFF

**Q9 (0.5 point) : Codage des images :**

J'ai un pixel codé en « **True Color** » (RVB sur 24 bits). La valeur représentant ce pixel est (R,V,B)=(0,0,0).

Indiquez la couleur de ce pixel : **(R,V,B)=(0,0,0) ⇔ R=0, V=0 et B = 0. Donc pas de rouge, pas de vert et pas de Bleu = NOIR**

**Q10 (3 points) : Codage C1, C2 et S+VA**

Complétez le tableau suivant en supposant que vous codez les nombres sur **8 bits (6 bits** pour la partie entière et **2 bits** pour la partie décimales (*Indiquez uniquement le résultat !*)

Nombre	(N) <sub>10</sub>	N en Complément à 1	N en Complément à 2	N en S+VA
N1	<b>-3,25</b>	<b>1 11100, 10</b>	<b>1 11100, 11</b>	<b>1 00011, 01</b>
N2	-12,5	<b>1 10011, 01</b>	<b>1 10011, 10</b>	<b>1 01100, 10</b>

**Q11 (2 points) : Codage en virgule flottante**

On suppose que le nombre  $N = (C0600000)_{16}$  est un nombre codé en virgule flottante. Trouvez sa valeur en décimale :

A – Trouvez le signe de N :

$N = (C0600000)_{16} \Leftrightarrow N = (1100\ 0000\ 0110\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000)_2$

Ce qui donne  $N = (1\ 10000000\ 110000000000000000000000)_2$

Signe « S »

Exposant décalé « e<sub>dec</sub> »

Mantisse « m »

Le signe de N est donc négatif

Sur 0.5 points

B – Calculez la valeur en décimal de l'exposant effectif de N

L'exposant décalé est  $e_{dec} = (10000000)_2 = (128)_{10}$

Or l'exposant effectif  $e_{eff} = e_{dec} - 127$ .

(notez ici que nous sommes en présence de la norme IEE754 simple précision)

Donc  $e_{eff} = e_{dec} - 127 = 128 - 127 = (1)_{10}$

Sur 0.5 points

C – Calculez la mantisse de N

mantisse  $m = (0,1100...0)_2 = (0,75)_{10}$

Sur 0.5 points

D : Déduisez la valeur de N en décimale :  $N = (-1,75 \times 2^1)_{10} = (-3,5)_{10}$

Sur 0.5 points

**Exercice 4 : Algèbre de Boole (sur 9 points)**

**Q12 Propriétés (1 point)**

Opération	Propriété utilisée
$(\overline{x+y} + (x+y)) = 1$	<b>Complémentarité</b>
$y + (\overline{y} \cdot x) = x + y$	<b>Inhibition + [commutativité]</b>
$0 + (\overline{0}) = 1$	<b>Complémentarité</b>
$\overline{y + (\overline{x})} = \overline{y} \cdot x$	<b>DeMorgan</b>

**Q13 FCD (0.5 point)**  
 Donnez la forme canonique disjonctive de

$$f(x, y, z) = y \cdot x + (\overline{y} \cdot x)$$

$$f(x, y, z) = x \cdot y + (\overline{y} \cdot x)$$

$$= x \cdot y (z + \overline{z}) + \overline{y} \cdot x (z + \overline{z})$$

$$= xy z + xy \overline{z} + \overline{y} x z + \overline{y} x \overline{z}$$

$$= m_7 + m_6 + m_5 + m_4$$

**Q14 Théorème et démonstration (1 point)**  
 Démontrer la forme suivante

$$\overline{((\overline{x+y}) \cdot y \cdot x)} = 1$$

$$\overline{(\overline{x+y}) \cdot y \cdot x} \xrightarrow{\text{commutativité}} \overline{(\overline{x+y}) \cdot (x \cdot y)}$$

$$= \overline{(\overline{x+y})} + \overline{(x \cdot y)} \xrightarrow{\text{DeMorgan}}$$

$$= (x \cdot y) + \overline{x \cdot y} \xrightarrow{\text{DeMorgan}}$$

$$= x + \overline{x} \text{ avec } x = x \cdot y$$

$$= 1 \xrightarrow{\text{complémentarité}}$$

**Remarque :** Les étudiants ne sont pas obligés de préciser les nom des transformations algébriques

**Q15 Dualité (0.5 point)**  
 Donnez la forme duale de l'expression suivante :

$$\overline{x \cdot y} + x \cdot y = 0 \quad \overline{x+y} \cdot (x+y) = 1$$

**Q16 Forme canonique et simplification (1 point)**  
 Soit la fonction  $F(x, y, z, t) = \Sigma(0, 8, 2, 10)$

A - Donnez l'expression algébrique détaillée de la forme canonique disjonctive de F:

$$f(x, y, z, t) = \Sigma(0, 8, 2, 10)$$

$$= \overline{x} \overline{y} \overline{z} \overline{t} + x \overline{y} \overline{z} \overline{t} + \overline{x} \overline{y} z \overline{t} + x \overline{y} z \overline{t}$$

$\begin{matrix} 0000 & 1000 & 0010 & 1010 \\ m_0 & m_8 & m_2 & m_{10} \end{matrix}$

B - Simplifiez F (avec la méthode algébrique)

$$\overline{x} \overline{y} \overline{z} \overline{t} + x \overline{y} \overline{z} \overline{t} + \overline{x} \overline{y} z \overline{t} + x \overline{y} z \overline{t}$$

$$= (\overline{x} \overline{y} \overline{z} + x \overline{y} \overline{z} + \overline{x} \overline{y} z + x \overline{y} z) \overline{t}$$

$$= [(\overline{x} + x) \overline{y} \overline{z} + (\overline{x} + x) \overline{y} z] \overline{t}$$

$$= (\overline{y} \overline{z} + \overline{y} z) \overline{t}$$

$$= (\overline{z} + z) \overline{y} \overline{t} = \overline{y} \overline{t}$$

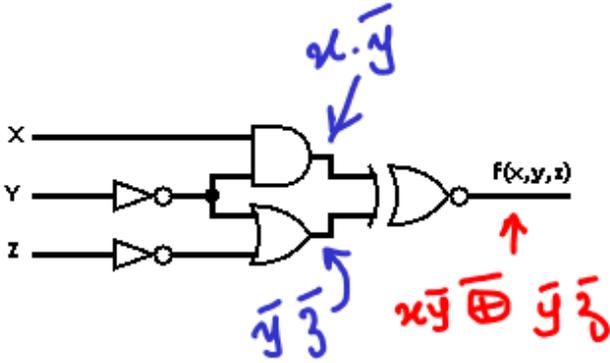
**ce qui nous donne**  $f(x, y, z, t) = \overline{y} \overline{t}$

**Q17 : Karnaugh (0.5 point)**  
 Indiquez par une croix toutes les cases adjacentes de la case de couleur foncée

		x					
		0		1			
	yz →	00	01	11	10	10	11
tu ↓	00		X				
	01	X		X			X
	11		X				
	10						

**Q18 Analyse d'un circuit (0.5 point)**

Donnez l'équation logique du circuit suivant :



**Q21 Mintermes (0.5 point)**

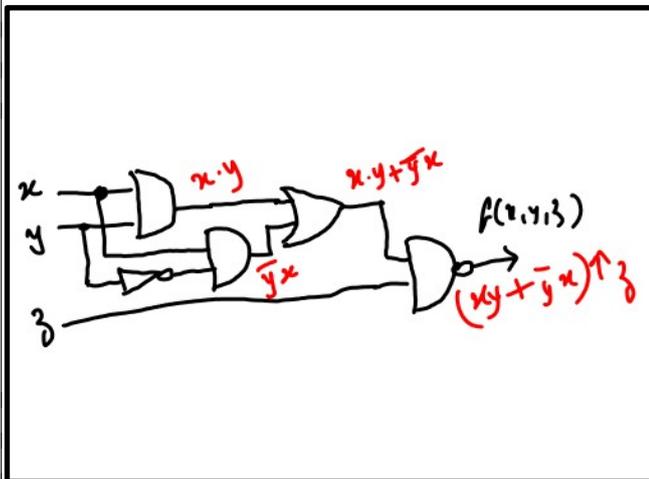
Donnez l'expression algébrique du Minterme «  $m_{23}$  » sachant que notre fonction est :  $f(x, y, z, t, u)$  :

$x \cdot \bar{y} \cdot z \cdot t \cdot u$

**Q19 Logigramme (0.5 point)**

Donnez le logigramme de la fonction F suivante :

$f(x, y, z) = (y \cdot x + (\bar{y} \cdot x)) \uparrow z$



**Q22 XOR (0.5 point).** Donnez l'expression algébrique (à base du ET, OU et NON) du XOR :

$x \oplus y = \bar{x} \cdot y + x \cdot \bar{y}$

**Q23 Fonction (0.5 point).** Soit la fonction F suivante :

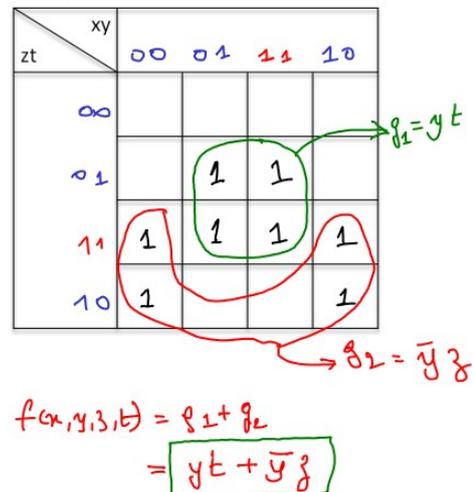
$f(x, y, z) = x + (y \oplus z)$

Calculez  $f(0,1,0) = 0 + (1 \oplus 0) = 0 + (1) = 1$

**Q24 Karnaugh (1.5 points).** Soit la fonction

$F(x, y, z, t) = \sum(2,3,5,7,10,11,13,15)$

Simplifiez cette fonction en utilisant la méthode de Karnaugh (Remplir la table de Karnaugh ci-dessous, effectuer des groupements, trouver les termes algébrique de chaque groupe et terminer par déduire la forme simplifier de F)



**Remarque :**  
 codage correcte des lignes et colonnes + remplissage correcte des case avec des « 1 » sur **0.5 point**  
 Identification des groupes sur **0.5 point**  
 Détermination de l'équation simplifiée sur **0.5 point**

**Q20 FCD (0.5 point)**

Donnez le forme canonique disjonctive de la fonction « F » représentée par la table de vérité suivante :

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

$F(A, B, C) = \sum(1, 3, 5)$

$F(A, B, C) = \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B}\bar{C}$   
0 0 1    0 1 0    1 0 1  
 $m_1$      $m_3$      $m_5$