

## Interrogation micro II a

Exercice N° 1 : soit la fonction de production suivante :  $p = f(K,L) = 4K.L^2 - \sqrt{K} .L^3$  ou p représente la quantité produite d'un produit quelconque, K : la quantité utilisée de facteur capital, et L : la quantité utilisée de facteur travail. En courte période, on considère que le facteur capital est constant  $K=4$ .

- 1- Pour  $k=4$ , Donner l'expression de la productivité physique totale de travail (PPTI), de la productivité physique moyenne de travail (PPMI), et de la productivité physique marginale de travail (PPmgl) ?

$$PPTI = f(K,L) = 16L^2 - 2L^3$$

$$PPMI = \frac{f(K,L)}{L} = 16L^2 - 2L^3 / L = 16L - 2L^2$$

$$PPmgl = \frac{\partial f(K,L)}{\partial L} = 32L - 6L^2$$

Trouver avec deux méthodes différentes la valeur de «L » qui maximise la PPMI ?

$$L=4$$

- 2- Calculer la valeur maximale de la PPMI ?

$$PPMI = 32 \text{ unités}$$

Exercice 2 : soit la fonction de production suivante :  $P1 = f(K,L) = 3/2 K^{0,2} L^{0,8}$

- 1-Trouver la valeur de  $TMST_{K,L}$  pour  $K=2$  et  $L=4$

$$TMST_{K,L} = 0,5$$

- 2- Quel est la variation nécessaire de « L » pour diminuer la quantité de « K » de 3unités tout en gardant le même niveau de production ?

$$\Delta L = 1,5 \text{ unités}$$

- 3 Quel est le pourcentage de la variation de la production si « L » augmente de 25 % ?

$$E_{P/L} = 0,8 \text{ donc } \frac{\Delta P}{P} = 20 \%$$

- 4-quelle est la nature des rendements d'échelle pour cette fonction ? Justifier votre réponse

On a :  $F(aK, aL) = 3/2 (aK)^{0,2} (aL)^{0,8} = 3/2 a^{0,2} K^{0,2} a^{0,8} L^{0,8} = a . f(K,L)$  donc : la fonction est homogène de degré  $\lambda = 1$  les rendements d'échelle sont croissants.