

SERIE DE TD N°1

EXERCICE 1

Les oscillations harmoniques d'un point matériel sont décrites par l'équation :

$$x(t) = 0,5 \cos\left(25t + \frac{\pi}{4}\right) (m)$$

1. Trouver l'amplitude A et la pulsation ω .
2. Déterminer la fréquence f , la période du mouvement T et déphasage initial φ .

EXERCICE 2

Une particule vibre autour d'une position d'équilibre prise comme origine avec une fréquence de 100 Hz et une amplitude de 2 mm, Sachant que $v(0) = 0$. Ecrire l'équation horaire du mouvement, puis l'équation horaire de la vitesse.

EXERCICE 3

Calculer les dérivées suivantes :

$$a. \frac{d}{dt} e^{j(\omega t + \varphi)} \quad b. \frac{d}{dt} \sin(\omega t + \varphi) \quad c. \frac{d}{dt} \cos(\omega t + \varphi) \quad d. \frac{d}{dt} (\ddot{x}(t) + 16\dot{x}(t) + 64x(t))$$

EXERCICE 4

Soient les amplitudes complexes suivantes :

$$\underline{A} = \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}j\right)(1 + \sqrt{3}j) \quad \text{et} \quad \underline{B} = \frac{1+j}{-\sqrt{3}+j}$$

1. Exprimer ces amplitudes complexes sous forme : $\underline{A} = ae^{i\varphi_1}$ et $\underline{B} = be^{i\varphi_2}$ et déterminer les valeurs de : a, b, φ_1 et φ_2 .
2. Soient les deux mouvements suivants : $x_1(t) = a \cos(\omega t + \varphi_1)$ et $x_2(t) = b \cos(\omega t + \varphi_2)$, déterminer la superposition de ces deux mouvements.

EXERCICE 5

Soit le circuit ci-contre, où $i(t) = I_0 \sin \omega t$.

1. Trouver l'impédance complexe \underline{Z} équivalente directement sans passer par les courants.
2. Comment se simplifie \underline{Z} pour $LC\omega^2 = 1$? trouver dans ce cas le module de \underline{Z} ainsi que sa phase φ .

