

EXAMEN FINAL – ALSD1 (SEMESTRE 1)

Exercice 01 (8 pts)

Soit l'algorithme suivant :

Algorithme
Algorithme Exo1;
Variables n, i, f, d : entier; x, p, S : réel;
Début Lire(n, x); S ← 0; p ← 1; f ← 1; d ← 0; Pour i ← 0 à (n-1) faire d ← d + f; S ← S + p / d; f ← f * (i+1); p ← p * x * x; Fin-Pour Écrire('Le Résultat S = ', S);
Fin.

Questions :

- 1- Traduire l'algorithme en programme C
- 2- Dérouler l'algorithme pour n=4 et x = 2
- 3- Déduire l'expression du résultat calculé par l'algorithme en fonction des variables d'entrée.
- 4- Récrire l'algorithme en remplaçant la boucle **Pour** par la boucle **Tant-que**
- 5- Modifier l'algorithme pour calculer le même résultat avec des signes alternatifs des termes :
 $S = \text{Terme}_1 - \text{Terme}_2 + \text{Terme}_3 - \dots \pm \text{Terme}_N$

1.5

1- Traduction en programme C

Programme C
<pre>#include <stdio.h> int main() { int n, i, f, d; float x, p, S; scanf("%d %f", &n, &x); S = 0; p = 1; f = 1; d = 0; for (i=0; i<n; i++) { d = d + f; S = S + p / d; f = f * (i+1); p = p * x * x; } printf("Le Résultat S = %f", S); }</pre>

3.0

2- Dérouler l'algorithme pour n=4 et x=2

Instructions	Variables							Affichage	
	n	x	i	d	f	p	s		
Lire(n, x) ;	4	2	/	/	/	/	/	0.25	
S ← 0; p ← 1; f ← 1; d ← 0 ;	"	"	/	0	1	1	0	0.25	
Pour i ← 0 d ← d + f = 0 + 1 = 1 S ← S + p / d = 0 + 1 / 1 = 1 f ← f * (i+1) = 1 * (0+1) = 1 p ← p * x * x = 1 * x ² = 2 ² = 4	"	"	0	0 1	1 1	1 1	0 1	0.5	
Pour i ← 1 d ← d + f = 1 + 1 = 2 S ← S + p / d = 1 + 4 / 2 = 3 f ← f * (i+1) = 1 * (1+1) = 1 * 2 = 2 p ← p * x * x = 4 * x ² = 2 ⁴ = 16	"	"	1	1 2	1 2	1 1	1 1	0.5	1 + 4/2 = 3
Pour i ← 2 d ← d + f = 2 + 2 = 4 S ← S + p / d = 3 + 16 / 4 = 7 f ← f * (i+1) = 2 * (2+1) = 2 * 3 = 6 p ← p * x * x = 16 * x ² = 2 ⁶ = 64	"	"	2	2 4	2 6	16 16	3 3	0.5	3 + 16/4 = 7
Pour i ← 3 d ← d + f = 4 + 6 = 10 S ← S + p / d = 7 + 64 / 10 = 13.4 f ← f * (i+1) = 6 * (3+1) = 6 * 4 = 24 p ← p * x * x = 64 * x ² = 2 ⁸ = 256	"	"	3	4 10	6 24	64 256	7 7	0.5	7 + 64/10 = 13.4
Écrire('Le Résultat S = ', S);	"	"	"	"	"	"	13.4	0.5	Le résultat = 13.4

Donc, l'algorithme affiche : **Le résultat S = 13.4**

1.0

3- Déduire l'expression de S

L'expression du Résultat (variable de sortie) S en fonction des entrées (c'est à dire n et x). D'après le déroulement, on comprend le rôle de chaque variable :

d : représente la somme des f, on peut écrire $d = \Sigma f$

f : représente le factoriel de i (au début de l'itération $f = i!$) et à la fin de l'itération $f = (i+1)!$

S : représente la somme de P / d, donc, on peut écrire $S = \Sigma (p / d) = \Sigma (p / \Sigma f)$

p : représente la puissance de x, au début de l'itération, $p = x^{2i}$ et à la fin de l'itération, $p = x^{2(i+1)}$

Si, on regroupe tous ces éléments, on trouve :

$$S = \frac{x^0}{0!} + \frac{x^2}{0!+1!} + \frac{x^4}{0!+1!+2!} + \dots + \frac{x^{2*(n-1)}}{0!+1!+2!+\dots+(n-1)!} = \sum_{i=0}^{n-1} \frac{x^{2*i}}{0!+1!+\dots+i!} = \sum_{i=0}^{n-1} \frac{x^{2*i}}{\sum_{j=0}^i j!}$$

L'une des trois expressions

1.25

4- Réécrire l'algorithme en utilisant la boucle Tant-que

Algorithme
<p>Algorithme Exo1;</p> <p>Variables</p> <p>n, i, f, d : entier;</p> <p>x, p, S : réel;</p> <p>Début</p> <p>Lire(n, x) ;</p> <p>S ← 0; p ← 1; f ← 1; d ← 0 ;</p> <p>i ← 0; 0.25</p> <p>Tant-que (i ≤ (n-1)) faire 0.5</p> <p> d ← d + f;</p> <p> S ← S + p / d;</p> <p> f ← f * (i+1);</p> <p> p ← p * x * x;</p> <p> i ← i+1; 0.5</p> <p>Fin-Tant-que;</p> <p>Écrire('Le Résultat S = ', S);</p> <p>Fin.</p>

1.25

5- Modifier l'algorithme pour calculer la somme alternée

Algorithme
<p>Algorithme Exo1;</p> <p>Variables 0.25</p> <p>n, i, f, d, k : entier;</p> <p>x, p, S : réel;</p> <p>Début</p> <p>Lire(n, x) ;</p> <p>S ← 0; p ← 1; f ← 1; d ← 0 ;</p> <p>k ← 1; 0.25</p> <p>Pour i ← 0 à (n-1) faire</p> <p> d ← d + f;</p> <p> S ← S + k * p / d; 0.25</p> <p> f ← f * (i+1);</p> <p> p ← p * x * x;</p> <p> k ← -k; 0.5</p> <p>Fin-Pour</p> <p>Écrire('Le Résultat S = ', S);</p> <p>Fin.</p>

Exercice N°02 (8 pts)

Soit T un tableau de type entier et de taille N.

Écrire un algorithme qui permet de réaliser les opérations suivantes :

- 1) Lire le du tableau T de taille N ($N \geq 4$).
- 2) Supprimer toutes les valeurs négatives du tableau T.
- 3) Trier les éléments du vecteur T avec ordre croissant
- 4) Fragmenter le tableau en deux tableau T1 et T2, sachant que T1 contient uniquement les entiers premiers ,T2 contient les autres éléments de T.

Algorithme

Algorithme Exo2;

Variables

T, T1, T2 : Tableau[1..100] d'entiers;
N, i, j, imin, Z, Nbd : entier;
N1, N2 : entier;

Début

// Q1 – Lire le vecteur T **1**

Répéter

Lire(n) ;

Jusqu'à ($n \geq 4$) ;

Pour $i \leftarrow 1$ à N faire

Lire(T[i]);

Fin-Pour;

// Q2 – Supprimer toutes les valeurs négatives **2**

Pour $i \leftarrow 1$ à N faire

Si (T[i] ≤ 0) alors

Pour $j \leftarrow i$ à (N-1) faire

T[j] \leftarrow T[j+1]; // Décalage à gauche ...

Fin-Pour;

N \leftarrow N - 1; // On a supprimé un élément ...

Fin-Si;

Fin-Pour ;

// Q3 – Trier avec ordre croissant **2.25**

Pour $i \leftarrow 1$ à (N-1) faire

imin \leftarrow i;

Pour $j \leftarrow (i+1)$ à N faire

Si (T[j] < T[imin]) alors

imin \leftarrow j;

Fin-si;

Fin-pour;

Si imin \neq i alors

Z \leftarrow T[imin] ; T[imin] \leftarrow T[i] ; T[i] \leftarrow Z;

Fin-si;

Fin-Pour;

// Q4 – Fragmenter (diviser) le vecteur T en T1 et T2 **2.25**

N1 \leftarrow 0 ; N2 \leftarrow 0;

Pour $i \leftarrow 1$ à N faire

nbd \leftarrow 0;

Pour $j \leftarrow 1$ à T[i] faire

Si T[i] mod j = 0 alors nbd \leftarrow nbd+1; fin-si;

Fin-Pour;

Si nbd = 2 alors //T[i] est premier

N1 \leftarrow N1+1 ; T1[N1] \leftarrow T[i];

Sinon //T[i] n'est pas premier

N2 \leftarrow N2+1 ; T2[N2] \leftarrow T[i];

Fin-Si;

Fin-Pour;

// Affichage de T1 et T2

Pour $i \leftarrow 1$ à N1 faire écrire(T1[i]) ; Fin-Pour;

Pour $i \leftarrow 1$ à N2 faire écrire(T2[i]) ; Fin-Pour;

Fin.

0.25

0.25

Exercice N°03 (4 pts)

Nous voulons calculer la valeur de $N = (x! - (3y-x)!) * z!$ Sachant que x, y et z sont des entiers strictement positives (lus au clavier).

1- Écrire un algorithme dans lequel :

- On déclare les variables globales nécessaires
- On déclare un sous programme (fonction) *factoriel* qui calcul le factoriel d'un entier
- On écrit les instructions qui permettent de calculer N en appelons le sous programme *factoriel*.

2- Réécrire l'algorithme de la question 1 en remplaçant la fonction *factoriel* par une procédure *factoriel*.

2 Q1 - Écriture de l'algorithme

Algorithme Exo3_1;

Variables

x, y, z, N : entier; 0.25

Fonction factoriel(n :entier) : entier;

Variables i, f : entier;

Début

$f \leftarrow 1$;

Pour $i \leftarrow 2$ à n faire

$f \leftarrow f * i$;

Fin-Pour;

retourner f ;

Fin;

Début

Répéter

Lire(x) ;

Jusqu'à $x > 0$;

Répéter

Lire(y) ;

Jusqu'à $y > 0$;

Répéter

Lire(z) ;

Jusqu'à $x > 0$;

$N \leftarrow (\text{factoriel}(x) - \text{factoriel}(3*y - x)) * \text{factoriel}(z)$;

Écrire (N);

Fin.

0.25

0.75

0.75

2 Q2 - Fonction → Procédure

Algorithme Exo3_1;

Variables

x, y, z, N : entier;

$f1, f2, f3$: entier; 0.25

Procédure factoriel(n :entier ; E/S f : entier);

Variables i : entier;

Début

$f \leftarrow 1$;

Pour $i \leftarrow 2$ à n faire

$f \leftarrow f * i$;

Fin-Pour;

Fin;

Début

Répéter

Lire(x) ;

Jusqu'à $x > 0$;

Répéter

Lire(y) ;

Jusqu'à $y > 0$;

Répéter

Lire(z) ;

Jusqu'à $x > 0$;

factoriel($x, f1$);

factoriel($3*y - x, f2$);

factoriel($z, f3$);

$N \leftarrow (f1 - f2) * f3$; 0.25

Écrire (N);

Fin.

0.75

0.75